

基于回音壁微腔的可见光波段光频梳研究进展(特邀)

卢启景 廖令琴 舒方杰 李明 谢树森 邹长铃

Research progress of optical frequency comb in visible light band based on whispering gallery microcavities (Invited)

Lu Qijing, Liao Lingqin, Shu Fangjie, Li Ming, Xie Shusen, Zou Changling

在线阅读 View online: https://doi.org/10.3788/IRLA20220335

您可能感兴趣的其他文章

Articles you may be interested in

拉曼增益对回音壁模式光学微腔的全光调制

All optical modulation of whispering-gallery-mode optical micro-cavities with Raman gain 红外与激光工程. 2017, 46(11): 1122003 https://doi.org/10.3788/IRLA201746.1122003

基于超高Q值氟化镁晶体微腔的克尔光频梳产生研究

Research on Kerr optical frequency comb generation based on MgF2 crystalline microresonator with ultra-high-Q factor

红外与激光工程. 2021, 50(11): 20210481 https://doi.org/10.3788/IRLA20210481

新型功能化光纤微腔光频梳

Novel functionalized frequency combs based on fiber microcavities 红外与激光工程. 2021, 50(5): 20211025 https://doi.org/10.3788/IRLA20211025

集成微腔光频梳在精密测量中的应用(特邀)

Applications of integrated microresonator-based optical frequency combs in precision measurement (*Invited*) 红外与激光工程. 2021, 50(11): 20210560 https://doi.org/10.3788/IRLA20210560

飞秒光参量振荡器的光谱净化和稳定性提升(特邀)

Spectrum cleaning and stability improvement of femtosecond optical parametric oscillator (*Invited*) 红外与激光工程. 2020, 49(12): 20201060 https://doi.org/10.3788/IRLA20201060

中远红外量子级联激光器研究进展(特邀)

Progress in mid-and far-infrared quantum cascade laser (*invited*) 红外与激光工程. 2018, 47(10): 1003001 https://doi.org/10.3788/IRLA201847.1003001

基于回音壁微腔的可见光波段光频梳研究进展(特邀)

卢启景1,廖令琴1,舒方杰2,李明3,谢树森1,邹长铃3*

 (1. 福建师范大学 医学光电科学与技术教育部重点实验室/福建省光子技术 重点实验室,福建福州 350007;

2. 商丘师范学院 电子电气工程学院 河南省微腔与光电智能传感工程研究中心,

河南 商丘 476000;

3. 中国科学技术大学中科院量子信息重点实验室,安徽合肥 230026)

摘 要:基于光学微腔的光频梳具有阈值低、光谱宽及结构紧凑等特点,在精密测量与传感等领域具 有重要的应用前景,因此近年来微腔光频梳成为国际研究热点。目前相关的研究都聚焦于红外波段锁 模光频梳的产生原理和应用探索,虽然可见光波段的光频梳在精密光谱、原子钟及生物医学等领域有 特殊应用价值,但是可见光频梳的实现极具挑战性。文中在简要阐述光频梳产生原理的基础上,介绍 了在可见光波段实现光频梳的主要挑战,以及目前三种实现方案的研究进展,包括利用材料的二阶与 三阶非线性效应、调节微腔的几何色散和模式强耦合效应调控色散来产生可见光频梳。

关键词:光频梳; 回音壁模式微腔; 色散调控; 模式耦合 中图分类号: O437 文献标志码: A **DOI**: 10.3788/IRLA20220335

Research progress of optical frequency comb in visible light band based on whispering gallery microcavities (*Invited*)

Lu Qijing¹, Liao Lingqin¹, Shu Fangjie², Li Ming³, Xie Shusen¹, Zou Changling^{3*}

(1. Key Laboratory of Optoelectronic Science and Technology for Medicine of Ministry of Education, Provincial Key Laboratory for Photonics Technology, Fujian Normal University, Fuzhou 350007, China;

2. Henan Province Engineering Research Center of Microcavity and Photoelectric Intelligent Sensing, School of Electronics and Electrical Engineering, Shangqiu Normal University, Shangqiu 476000, China;

3. CAS Key Laboratory of Quantum Information, University of Science and Technology of China, Hefei 230026, China)

Abstract: Optical frequency combs (OFCs) based on optical microcavities have the characteristics of low threshold, wide spectrum, and compact structure, and have important application prospect in the fields of precision measurement, sensing and et al. Therefore, microcavity based OFC has become an international research hotspot in recent years. At present, relevant researches focus on the generation principle and application of mode-locked OFCs in the infrared band. Although the OFCs in the visible light band have special applications in the fields of precision spectroscopy, atomic clocks and biomedicine, the realization of visible light OFCs is extremely

中央引导地方科技发展专项 (2020 L3008)

作者简介:卢启景,男,教授,博士,主要从事光微流回音壁微腔方面的研究。

收稿日期:2022-05-03; 修订日期:2022-05-20

基金项目:国家自然科学基金 (12174056, 11904316, 61705039); 福建省自然科学基金 (2021 J01159);

通讯作者:邹长铃,男,教授,博士,主要从事量子光学方面的研究。

challenging. Based on a brief description of the generation principle of OFCs, this paper introduces the main challenges of realizing OFCs in the visible light band, and the current research progress of three implementation schemes, including the use of the second-order and third-order nonlinear effects of materials, the regulation of the geometric dispersion of the microcavity, and the regulation of the dispersion via modal strong coupling effect to generate visible light frequency combs.

Key words: optical frequency combs; whispering gallery mode microcavity; dispersion management; mode coupling

0 引 言

光学频率梳 (Optical Frequency Comb, 简称光频 梳)是指在频谱上由一系列均匀间隔且具有相干稳定 相位关系的频率分量组成的光源。自锁模光频梳被 开发以来,光频梳被广泛应用于传感、光谱学、原子 分子物理等领域的研究,为测量和光谱学^[1-2]带来革 命性的进步,在光钟、时间标准^[3-6]、气体传感器^[7-9]、 振铃光谱^[10]等方面具有重要的作用,逐步成为物理精 密测量的基石。2005年诺贝尔物理学奖授予了美国 国家标准技术研究院 John L. Hall 教授和德国马普量 子光学所 Theodor W. Hansch 教授,以表彰其在光频 梳领域做出的开创性研究工作^[11-12]。

表征光频梳特性的两个关键物理量是梳齿频率 间隔*f*_{rep}和初始偏移频率*f*_{ceo},因此对应的任意梳齿的 频率表示为*f*_m =*f*_{ceo}+*mf*_{rep},其中*m*是整数用于标记第 *m*根梳齿。偏移频率*f*_{ceo}描述了整个梳状结构与零频 率起始梳状结构之间的偏差,这反映了载波和脉冲包 络在时间输出中的相位关系。传统光频梳的主要实 现方式包括锁模激光器、电光调制光频梳、非线性材 料中的级联四波混频。

第一种方式是利用半导体锁模激光器产生多个 波长的光,基于激光器内部增益介质或者调控介质的 主动调制以及可饱和吸收等非线性效应被动实现不 同波长之间的相位锁定。锁模激光器^[12-13]产生的光 频梳对应为时域的规则脉冲序列,因此也被应用于超 短脉冲产生和超快光学研究。在时域上,*f*_{rep}对应于 单位时间内脉冲的数目,也被称为重复频率。常见的 钛宝石激光器和掺铒光纤激光器可以产生重复频率 为1GHz 左右的光频梳^[13-15]。第二种方式,可以通过 对连续波激光器的输出进行振幅或相位上的调制,生 成频谱上等间隔的梳齿或者直接产生时域上的脉 冲^[16],而*f*_{rep}由电光调制器上所加的射频源的频率决 定,*f*_{ceo}可以通过改变输入激光频率来调节。

第三种方式是最近几年发展起来的新的途径,主 要通过对腔注入一个单频连续激光并借助于非线性 腔增强的级联非线性混频过程来实现。得益于回音 壁模式 (Whispering Gallery Mode, WGM) 微腔[17] 具有 高品质因子、小模式体积以及几何结构可控等优势, 能极大地增强光与物质的相互作用,级联四波混频产 生光频梳在这一独特的平台得到了迅速的发展[8,18-20]。 2004年, T. Kippenberg 等人制备了截面很小的微芯圆 环腔[21],将工作频率的总色散调至大于零,实验上首 次实现了克尔非线性的参量振荡过程。同年,在晶体 微腔内也实现了参量振荡过程[22]。如果微腔有足够 宽范围的反常色散区域,简并四波混频和非简并四波 混频过程就会展宽,形成等间距的级联四波混频。基 于此原理, P. Del'Haye 等人在 2007 年首次报道了基 于克尔效应的微腔光频梳^[10],因此基于回音壁微腔的 光频梳也称为克尔光频梳^[8,10,23]。

基于回音壁模式微腔的四波混频光频率梳的原 理见图 1。回音壁模式微腔一般为圆对称的,对于给 定的横向模场分布,其支持大量行波模式,其模式由 轨道角动量区分且相邻模式的角动量差1并且自由 光谱范围 (Free Spectral Range, FSR)大致相同。由于 微腔介质材料的克尔效应,当连续光耦合泵浦到某一 轨道角动量为 *m* 的模式时,可以找到一对轨道角动量



图 1 基于微腔结构的光频梳示意图[24]



分别为 m+n 和 m-n 的行波模式,其频率与泵浦模式 的差为+n×FSR 和-n×FSR,则这一对模式与泵浦模式 满足四波混频的能量和动量匹配。因此,可以在腔中 发生两个泵浦光子湮灭并在 m+n 和 m-n 阶两个模式 中分别产生一个光子,当泵浦光功率超过一定阈值时 就会发生超参量震荡。而 m+n 或 m-n 阶的模式中的 光场可以作为泵浦光场,在频谱上进一步拓展,通过 级联四波混频在更多的模式中产生光,最终扩展为模 式间隔为一个 FSR 的频率梳。

相比于传统光频梳 (增益来自于传统增益介质材料),克尔光频梳仅依赖于微腔内部介质的非线性特性,而且不需要宽带激光增益介质,因此原则上可以在任何泵浦频率附近产生克尔光频梳,泵浦源仅需连续激光即可。得益于微腔的小尺寸以及由此产生的较大的自由光谱范围,克尔光频梳的梳齿间距也比传统光频梳大几个数量级,典型范围为10 GHz~1 THz^[23]。从材料角度来讲,克尔光频梳对材料的选择并不挑剔,目前,在二氧化硅、掺杂二氧化硅、碳化硅、氮化铝、铌酸锂、金刚石和晶体微腔中都实现了宽带的光频梳^[8, 23, 25-31]。随着近年来研究的发展,克尔光频梳已能实现一个倍频程的展宽,如图 2(a) 所示,这些研

究是迈向 f-2f 自参考型微腔光频梳的关键一步^[32]。

在一个理想的回音壁微腔中,腔模应该是严格等 距的。而由于色散的存在,腔模并非严格等距,导致 实际实验中频率梳谱宽度会受到限制。微腔模式色 散包括几何色散 (geometrical dispersion)和材料色散 (material dispersion)。材料色散为材料的固有属性,不 容易直接调节,因此调谐模式色散的手段一般为调节 几何色散,即调节微腔的结构。最近,研究者发现适 当的色散会有助于实现锁模的克尔光频梳: 当泵浦光 稳定在模式红失谐时,微腔达到反常色散与非线性、 损耗与参量振荡增益的双平衡,可以产生耗散孤子 (dissipative solitons) 光频梳^[1, 29, 33-35], 这一结果由 T. Kippenberg 课题组率先报道^[1]。如图 2(b)~(c) 所示, 孤 子光频梳[36]不仅可以维持宽带宽,而且其稳定性及相 干性更好,因此孤子光频梳极大的推动了克尔光频梳 的发展和应用[37-38]。微腔的紧凑特性也保证了集成 化的克尔光频梳得以实现, 2018年, M. Lipson 教授课 题组展示了片上 (on-chip) 集成的克尔光频梳,利用电 泵浦半导体放大器经滤波之后产生泵浦光源,该克尔 光频梳仅用七号电池即可驱动。

目前,国际上关于微腔光频梳的研究主要集中于





Fig.2 Several kinds of Kerr OFCs. (a) An octave-spanning frequency comb generated in a silica microtoroid ^[23]; (b) Spectrum of solitons comb generated in Si₃N₄ microtoroid^[47]; (c) Spectrum of solitons comb generated in silica^[48]

红外波段,近年来光谱不断拓宽,至中红外和可见光 波段。其中,可见光波段光频梳在诸多领域扮演不可 或缺的角色,比如,基于铷和锶跃迁线的原子钟^[39]、天 文光谱校准^[38,40-42]以及非接触生物组织成像技术^[43-44] (光学相干断层扫描^[45],实时相干反斯托克斯拉曼光 谱^[46]),可见波段微腔光频梳的高相干、低功耗及紧凑 特性能为探求原子分子内部能级结构、基本物理常数 测量、新一代片上原子钟及生物光学成像技术的研制 提供全新测量与研究平台。然而在可见光波段,由于 材料具有较大的正常色散,且瑞利散射与波长的四次 方成反比,材料在该波段吸收损耗和散射损耗较大 (降低微腔品质因子),因此使得可见光波段的反常色 散调节及克尔光频梳的实现变得异常困难。

文中将综述可见光波段的微腔频率梳的研究,侧 重实验进展,主要介绍通过材料的混合二阶与三阶非 线性效应、微腔截面几何参数调节以及引入额外的横 向模式的耦合效应来调控色散的方法克服可见光波 段微腔正常色散的挑战。

1 可见光频梳研究进展

为实现可见波段的光频梳,研究者提出并实现各 种不同的方案,接下来分三种主要的方法详细展开介 绍。第一种方式为间接产生可见光频梳方式:基于二 阶与三阶混合非线性效应将近红外光频梳转换为可 见光频梳。后两种方式为直接产生可见光频梳:通过 调节几何色散和模式耦合效应在可见波段实现模式 反常色散。

1.1 基于频率转换实现可见光频梳

在近红外 C 波段 (~1550 nm) 较容易实现腔模反 常色散^[49],利用材料的二阶与三阶非线性效应,将在 近红外产生的光频梳通过频率转换可以实现可见光 波段的光频梳。

2014年, M. Lipson 组在 Si₃N₄ 微环腔^[50] 中通过 二倍频、四波混频与和频效应在可见光波段产生光频 梳。其产生过程如图 3(a) 所示, 泵浦光首先利用二倍 频效应在可见光波段产生二次谐波。随着腔内循环 功率的增加, 在近红外范围内基于四波混频效应产生 光频梳。然后, 光频梳与泵浦光相互作用, 通过和频 效应在可见波段产生光频梳, 这些光频梳与近红外梳 状线同时生成。要使得上述过程能顺利进行, 必须设 计合理的波导色散使得二倍频、四波混频与和频的 相位匹配能够同时满足,基模和二次谐波模式的有 效折射率必须匹配,这种相位匹配是通过对倍频光使 用高阶波导模式来实现的。如图 3(b) 所示, 三阶横 电 (Transverse Electric, TE) 模在 770 nm 处与泵浦光 TE 基模在1540 nm 处具有相同的有效折射率。四波 混频的相位匹配条件在很大程度上取决于群速度色 散 (Group Velocity Dispersion, GVD)。其最佳条件是 在泵浦频率下具有反常色散 (GVD > 0), 且 GVD 值很 小,然后通过三阶非线性相位偏移对色散进行补偿, 从而实现四波混频的相位匹配条件。如图 3(c) 所示, TE 模式在一个很宽的范围内呈现反常色散。一旦四 波混频与二倍频过程的相位匹配得到保证,最终和频 过程将自动满足相位匹配。实验中,将17条光频梳 线从近红外波长转换到可见光波长,使得可见光波段 的光频梳能覆盖到 767~775 nm。由于在微腔中对波 导结构有严格设计要求,使其即满足反常色散条件且 同时满足二倍频与和频的相位匹配条件,这是相对困 难的。因此,清华大学孙长征教授课题组在 AIN 微环 腔[51] 中利用相位不匹配的基模和一阶可见光波段模 式来实现宽带频率的转换。如图 3(d) 所示, 泵浦频率 下的横磁 (Transverse Magnetic, TM) 基模 TM₀₀ 与二 次谐波下的 TM00、TM10 并未实现相位匹配, 从图 3(e) 中的模式重叠面积也可看出二次谐波下的 TM_{oo}、 TM₁₀参与的是非相位匹配的倍频与和频转换。实验 中将泵浦光通过波导近场耦合到微环腔,随着腔内功 率增强,发生基于三阶非线性效应的简并和非简并 FWM。同时,当近红外光频梳的功率足够大时,通过 二倍频与和频效应实现近可见光频梳,且近红外与可 见光光谱具有相同的梳齿间距。其可见光频梳覆盖 范围从 720~840 nm(图 3(f)), 多达 153 根梳状线, 转换 效率高达2.6%。

同年, 耶鲁大学的 Hong X. Tang 课题组也报道了 在 AIN 芯片上利用二倍频产生的可见光频梳^[52], 并利 用热调谐方式实现了超过一个 FSR 的调谐。最近, 他 们进一步发展这一混合二阶和三阶非线性的微腔平 台, 实现了在可见光泵浦或者红外光泵浦的红外-可 见光波段同时发射的孤子光频梳^[53-54]。由于该系统 内较强的二阶非线性, 其可见光波段的光频梳能量与 整体出射光能的比例能达到 17% 的量级, 光谱范围



- 图 3 利用二倍频、四波混频与和频效应产生可见光频梳。(a) 近红外波段光学频梳到可见光学频梳的转换过程;(b) 近红外基本 TE 模与可见光 范围内三阶 TE 模的有效折射率;(c) 基本 TE 模的群速度色散^[50];(d) 近红外 TM₀₀ 模式与可见光 TM₁₀、TM₀₀ 模式的有效折射率;(e) 归一 化模态重叠因子;(f) 红外光频梳、二次谐波与可见光频梳的产生^[51]
- Fig.3 Visible light OFCs are generated using second harmonic generation, four-wave mixing and sum-frequency effects. (a) Generate simultaneous near IR and visible wavelength frequency comb lines; (b) The effective index of the fundamental TE mode in near IR spectral range and the third-order TE mode in the visible spectral range; (c) The group velocity dispersion (GVD) of the fundamental TE mode^[50]; (d) The effective index of TM₀₀ mode in near IR spectral range and TM₁₀, TM₀₀ mode in the visible spectral range; (e) Normalized modal overlap; (f) Generation of IR, second harmonics and near-visible microcombs^[51]

覆盖 760~800 nm。

对于在更短波段的光频梳,则可以基于红外光频 梳借助三倍频与和频效应来实现。2016年, John E. Bowers 课题组在 Si₃N₄ 环形微谐振器中^[55],利用三倍 频效应与和频效应将 C 波段克尔光频梳转换为绿光 波段 (508~535 nm)光频梳。微环腔中绿色光频梳的 第一条光频梳线是由三倍频效应实现的,来自泵浦的 三个光子相互作用,产生一个三倍频率的光子。接 着,当泵浦频率逐渐调谐到共振状态,此时腔内产生 四波混频,在红外波段产生光频梳。与此同时,来自 红外光频梳的三个光子相互作用,通过三阶和频产生 一个绿光波段的光子。上述过程也需要在满足相位 匹配的条件下才会实现。对于四波混频的相位匹配, 可以通过调整波导的宽度和高度,使得几何色散处于 反常色散区,实现对材料色散的补偿,如图 4(a)所示, TE₀₀、TM₀₀在泵浦频率下都处于反常色散区。当红 外波段下基模的波数比绿光下高阶模式的波数小三 倍时,三倍频效应的相位匹配得到满足。如图 4(b)所 示,泵浦频率下的 TE₀₀(或 TM₀₀) 与三倍频下的 18th、 19th、20th(或 20th、21th、22th) 能实现三倍频的相位匹 配。当三倍频与四波混频达到相位匹配条件时,三阶 和频的相位匹配会自动满足。实验上,首先在 C 波段 产生宽谱光频梳 (图 4(c)),进而利用三倍频和和频效 应在 508~535 nm 波长范围内实现绿色的光频梳,其 输出功率可达 11 μW。



上述方法中都需要借助材料的三阶非线性效应

图 4 (a) TE₀₀ 与 TM₀₀ 的二阶色散 D₂/(2π); (b) 泵浦频率下模式与三次谐波处的模式匹配; (c) 红外波段下光频梳的产生; (d) 三次谐波与绿光光频梳 的产生^[55]

Fig.4 (a) The second-order dispersion $D_2/(2\pi)$ for the fundamental TE and TM modes; (b) The effective index for the fundamental TE. TM modes at the pump frequency and higher-order modes at the third-harmonic frequency; (c) Generation of IR microcombs; (d) Generation of third harmonics and green light comb^[55]

来实现, Karsten Buse 课题组在一个毫米量级的铌酸 锂微谐振器^[56]中只借助二阶非线性效应在 532 nm 处 实现绿光光频梳。这种方法依赖于级联的二阶非线 性光学过程, 如倍频之后光学参量的产生, 然后再次 导致倍频等等^[57]。当泵浦光为单一偏振光 (o 光或 e 光), 且满足产生二次谐波的双折射相位匹配条件 时, 就会产生正交偏振 (e 光或 o 光)的二次谐波。随 着泵浦功率逐渐增大超过阈值时, 通过一系列级联二 阶非线性过程在泵浦和二次谐波处会产生光频梳。 泵浦与二次谐波处的光频梳具有相同的梳齿间距 416 GHz, 相当于 20 倍的 FSR, 这些过程可以用调制 不稳定引起的光谱展宽来解释。随着泵浦光的红移, 形成了一个宽度为 2 THz 的近红外和绿色光频梳, 包 括 100 条单独的梳子,其梳齿间距为一个 FSR。如果 相位匹配伴随着泵浦光和二次谐波之间 FSR 的偏移 而减小或消失,则可以生成孤子频梳^[58-60]。

值得一提的是,基于红外光频梳产生可见光频梳 的方法还面临着另外一个重要的实验挑战:由于模式 在近红外 C 波段和可见波段有效折射率差别很大,很 难同时获得近红外光频梳和可见光频梳的高效收集 效率。耶鲁大学的 Hong X. Tang 课题组利用红外和 可见波段波导倏逝场耦合的色散效应,分别设计了可 见光和红外波段的微腔-波导耦合器^[62],实现了两个 波段同时可调的高效率耦合。另外,北京大学肖云峰 教授课题组首次提出和证明了非对称微腔中(图 5(a)) 混沌辅助光子宽带动量变换过程,实现了混沌辅助的





图 5 (a) 变形微芯圆环腔电镜图; (b) 混沌辅助的标准 WGMs 到混沌状态的动态隧穿; (c) 近可见光频梳通过二倍频和三倍频效应转换为可见光频梳^[6]

Fig.5 (a) Scanning electron microscope image of the deformed microtoroid resonator; (b) Chaos-assisted dynamical tunneling from WGMs to chaotic states; (c) Nonlinear frequency conversion from infrared combs to visible wavelengths^[61]

超宽谱光频梳 ((图 5(b))^[61]。实验上首先利用 FWM效应产生近红外克尔光频梳,通过表面破缺诱导二倍频效应和本征三倍频效应将近红外克尔光频 梳转换为可见波段光频梳 ((图 5(c)),整个光频梳波长 范围达到 450~2 000 nm。进一步通过混沌诱导动量 变换通道^[63],实现了微腔与耦合波导的宽带有效耦 合,从而极大地增强了宽谱光频梳在全波段的收集效 率。

1.2 通过微腔几何结构调控色散

通过优化回音壁模式微腔的几何尺寸来调控色 散,使其在可见光波段实现模式反常色散,利用可见 光(或近可见光)作为泵浦源,实现可见克尔光频梳。

2016年, Yong Yang 等人在二氧化硅的空心微泡 腔^[64] 中通过选择合适的壁厚来调控微腔基膜的色散, 实现可见光频梳。当改变微泡腔壁厚时,模式强度在 空气中的比例发生变化,从而改变空腔模式的有效折 射率和频率分布,通过减小壁厚,零色散波长向更短 的波长移动。将壁厚控制在 1.4 μm 时,微泡腔中 TM 模式的零色散波长移到 764 nm 处,使得在该位置 处的相位匹配成为可能。实验中,在输入功率为 3 mW 时,观察到四波混频效应,其两根光频梳之间的间距 为两倍 FSR。逐渐增加功率,最终观察到 14 条梳状 线的克尔光频梳。Nicolas Riesen 课题组^[65]在理论上 也证实具有中空结构的微泡腔可以通过改变壁厚调 控模式色散,舒方杰等人近期调控微泡腔色散获得光 频梳并实现调谐^[66]。

除了对基本模式进行色散调控,也可通过改变高 阶模式的色散实现可见光频梳。2019年,南京大学的 姜校顺教授课题组通过控制 SiO₂ 微盘腔^[67] 的楔形角 与厚度来实现对微腔色散的调控。当把微盘腔的直 径控制在 80 µm,厚度 1 µm,楔形角为 56°时, TM₁₀ 模 式的色散在 780 nm 附近被调节为反常色散,如图 6(b)



图 6 楔形角调控微盘腔色散产生可见光频梳。(a) 腔体内部基本 TM₁₀ 模式的模式剖面图; (b) TM₁₀、TM₂₀、TM₃₀ 模式色散 (插图: TM₁₀、TM₂₀、 TM₃₀ 模式轮廓); (c) 在不同厚度与楔形角下 TM₁₀ 模式色散; (d) 可见克尔光频梳的产生^[67]

Fig.6 Wedge angle modulation of microdisk cavity dispersion to generate visible OFCs. (a) Illustration of the mode profile for the fundamental TM₁₀ mode inside the cavity; (b) Dispersion characteristics of the TM₁₀, TM₂₀, TM₃₀ modes(Inset: simulated mode profiles of the TM₁₀, TM₂₀ and TM₃₀ modes); (c) Variation of the dispersion when changing the thickness of the disk at different wedge angles; (d) Generation of near-visible Kerr OFCs ^[67]

所示。从图 6(c) 可知, 当微盘腔的厚度从 0.8 μm 增加 到 1.2 μm 时, 该模式在 780 nm 处仍都处于反常色 散。对于在不同楔形角的情况下,模式色散并没有太 大的区别,随着楔形角的增大,零色散波长将缓慢的 向短波长方向移动。对于一个直径为 2 mm 的圆盘 腔,通过此方法使其零色散波长可以移到 680 nm。如 图 6(d) 所示, 实验中选择合适的几何结构参数, 在 780 nm 处实现反常色散,实验上产生了包含 112 条梳 齿的可见光频梳,波长范围从 700~897 nm。

2020年,基于同样的方法,Yun Zhao 等人基于芯 片波导的高阶模式在近可见光波长范围内实现反常 GVD,在784 nm 附近产生宽带克尔孤子频梳^[68]。实 验中制作了一个截面为730 nm×1330 nm、半径为 22 μm 的 SiN 微环腔,其 TE₁₀模式的零色散点接近 760 nm,通过热调谐方法,产生了一个锁模孤子频 梳。尽管高阶波导模式通常会有更大的辐射损失,实 验中 TE₁₀模式的 O 值可达7.7×10⁵,并通过合理的设 计波导与微环腔的耦合实现了 TE00 模式到 TE10 模式 有效激励^[69]。克尔孤子光频梳的产生过程可分为三 个状态[70-72]: 最初, 泵浦光被固定在共振的蓝失谐一 侧,模式未被激发,此时并未收集到光频梳;随着泵浦 光红移,模式被激发产生初级光频梳,产生的光频梳 较少,如图7(d)所示;泵浦光进一步红移,光频梳紧接 着进入混沌状态,此时光频梳数量明显变多,如图 7(e); 最后过渡到孤子状态,光谱的形状能用 sech²曲线拟 合,如图7(f)所示。在过渡到孤子状态(称为"孤子阶 跃")后,略微增加加热器电压以补偿内腔功率突然变 化引起的温差,其电压变化如图 7(a) 所示。图 7(b) 描 述了这几种状态下腔内功率,当处于孤子态时,腔内 功率趋于平稳。图 7(g)~(i) 展示出三种状态下光谱的 噪声特性,发现孤子态具有平坦的噪声谱和最低的射 频噪声。实验中观察到四孤子态的光谱,如图 7(c) 所



图 7 通过高阶模 TE₁₀产生可见光频梳。(a) 用于调节片上加热器的电压模式; (b) 与 (a) 中的模式对应的梳状功率的演变; (c) 四孤子态光谱图; (d)~(f) 图 (b) 中 A(微梳形成)、B(浑沌状态)、C(孤子态) 对应的光谱; (g)~(i) 图 (d)~(f) 对应的射频噪声^[67]

Fig.7 Visible OFCs generation by higher-order mode TE₁₀. (a) Voltage pattern used to modulate the on-chip heater; (b) Evolution of comb power corresponding to the pattern in Fig.(a); (c) Comb spectrum of four-soliton state; (d)-(f) Optical spectra corresponding to point A (minicomb formation), B (chaotic state), and C (soliton state) in Fig.(b); (g)-(i) RF noise corresponding to Fig.(d)-(f)^[67]

示,该状态下腔内功率接近混沌状态。该光频梳跨越 了常用于时间和频率计量的几个原子跃迁线,如位于 795 nm 处的梳状线与⁸⁵Rb 的原子跃迁线一致。对于 更短波长下的光频梳,通过模拟截面为 400 nm× 1000 nm,半径 100 μ m 的 SiO₂ 微环腔,发现 TE₂₀ 模式 的零色散点位于 587 nm,使用 Lugiato-Lefever Equation (LLE)^[73-74] 模拟相应的孤子谱,实现覆盖 Hg⁺(563 nm) 和 Yb(578 nm) 原子光钟的孤子光频梳。

前面两种方法都是通过调控旋转对称微腔的方 位角模式来实现模式的反常色散,OEwaves 公司的 A. Matsko 等人曾报道在氟化钙椭球晶体微腔里通过曲 率调节模式色散,激发轴向模式来实现可见光频梳^[75]。 由于在可见光波段材料具有大的正常色散,因此需要 设计合适的谐振腔尺寸与形状来对材料色散进行补 偿。但光频梳的重复率由谐振器尺寸决定,中心波长



图 8 基于轴向模式产生光频梳^[75]。(a) 传统基于方位角模式的四波 混频示意图;(b) 基于轴向模式的四波混频示意图;(c) 基于轴向 模式产生的光频梳与收集位置的关系

Fig.8 OFC generated with axial (vertical) modes ^[75]. (a) Schematic of FWM with the fundamental azimuthal mode family; (b) Schematic of FWM with the axial mode family; (c) Relationship between OFC generated with aixal modes and collection positions

的选择受材料色散的限制,这就使得该方法无法在任 意波长下产生具有任意重复率的频率梳。利用椭球 晶体谐振器的轴向模式来激发光频梳可以消除这一 限制。在完美圆形腔内,轴向模式是简并的,在其内 产生的四波混频效应都是基于方向角模式 (即不同 的 m 模式, 图 8(a))。在椭球微腔中, 尽管方位角模式 在可见区域处于正常色散,但轴向模式这时是解简并 的,并且可以通过调节椭球曲率将轴向模式调至反常 色散,产生基于轴向模式间的四波混频效应(图 8(b)), 进而实现了基于轴向模式的克尔光频梳 (图 8(c))。频 率上,基模最小,高阶模式较大(图 8(b))。因此,在赤 道平面上只能收集到长波长的基于基模非对称光频 梳;在赤道平面外(上方或者下方)只能收集到短波长 的基于高阶轴向模式的非对称光频梳(图 8(c))。卢启景 等人曾利用微泡腔实现了C波段基于轴向模式[76-77] 的密集克尔光频梳^[78],北京航空航天大学丁铭教授和 中国科技大学王克逸教授课题组近期也有关于轴向 模式光频梳的相关报道[79-80]。

1.3 引入高阶横模的强耦合效应调控模式色散

在回音壁模式微腔中,若有两个横向模式达到相 位匹配条件及有足够的模场交叠,且耦合强度大于模 式线宽时,模式之间可以发生强耦合,导致模式在频 域和空域会重新分布并形成两个超模式 (supermodes): 对称模式 (Symmetric Mode, SM) 和反对称模式 (Antisymmetric Mode, ASM)。模式强耦合的标志是两个横 向模式的不同 m 阶模式的波长呈现反交叉 (Avoided Mode Crossing, AMX),其中反对称模式由于模式耦合 会达到反常色散,其物理机制在于模式的耦合使反对 称模式的传播路径变长,其 FSR 随着波长的增加而减 少,即实现反常色散^[30,81–85]。

2016年, M.Soltani 等人^[86]首次在理论上提出了 超模式可以在任意波段实现反常色散, 利用两个水 平或垂直放置的微环腔来实现模式耦合。其耦合方 程为:

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}z}a_1 = i\beta a_1 + i\kappa a_2 \tag{1}$$

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}z}a_2 = i\beta a_2 + i\kappa^* a_1 \tag{2}$$

式中:*a、β、κ、z*分别是每个波导中的场振幅、单个波 导中模式的传播常数、波导之间的耦合系数、传播方 向。通过求解上式的本征解,得到对称模式(β_+)和反 对称模式(β_-)的传播常数为 $\beta_{\pm} = \beta \pm \kappa$,相应的对称与 反对称模式的色散为:

$$D_{\pm} = D_0 \mp \frac{\omega^2}{2\pi c} \frac{\mathrm{d}^2 |\kappa|}{\mathrm{d}\omega^2} \tag{3}$$

式中: $D_0 = -(\omega^2/(2\pi c))d^2\beta/d\omega^2$ 是没有模式耦合时的 单独波导的色散。由于在复合结构中波导之间的耦 合取决于倏逝场,因此耦合因子与频率有关,其中 $|\kappa| - \exp(-\alpha \omega), \alpha$ 是一个常数,其值取决于波导的材料 和结构。上式中耦合因子的二阶导数为正,因此 $D_2 > D_0$,耦合将反对称超模的 GVD 移向反常区域。

图 9(a) 为双环微腔结构和对称模式及反对称模 式的模场分布, 任意单个微环腔模式色散在可见及近 可见波段为正常色散 (如图 9(b) 中绿色实线和虚线), 通过改变两个微环腔的尺寸和间距使得外环的有效 折射率小于内环的有效折射率并与环半径成反比时, 模式能达到相位匹配条件发生强耦合, 其中反对称模 式 (如图 9(b) 中红色实线) 会形成反常色散区域, 其色 散曲线的峰值大小取决于单个环模式之间的群速度 差; 反对称模式的残余频率失谐量 (Residual Frequency Detuning, RFD) 如图 9(c) 所示, RFD 的两个零点位置 宽度代表了克尔光频梳的宽度^[86], 结果表明利用模式 强耦合可实现宽带克尔光频梳。图 9(d) 展示出由对 称模式与反对称模式产生的光频梳。

2017年, K. Vahala 课题组在一个毫米量级的 SiO2 微盘腔[87] 中利用 TM1 和 TE2 模式相互耦合,实 现孤子光频梳的产生。如图 10(a) 所示, 当谐振器具 有垂直侧壁或楔形角为90°时,由于反射对称性的存 在禁止了不同偏振模式之间的相互作用,两个模式的 有效折射率发生交叉,不会发生模式耦合。通过减小 楔形角可以破坏谐振器的反射对称性,有效折射率简 并被解除使得 TM1 和 TE2模式发生耦合, 造成局部 GVD 的突然改变,其色散曲线如图 10(b) 所示,反对 称模式被调节为反常色散。如图 10(d) 所示,当把楔 形角控制在接近 30°时, 混合模式在蓝光波段处于反 常色散,这使得在蓝光波段产生孤子光频梳成为可 能。实验中将微盘腔的楔形角控制在 40°, 厚度为 1.47 μm, 直径 3.2 mm, 其反对称模式处于反常色散 区。在 778 nm 处产生重复频率为 20 GHz, 时间脉冲 宽度为 145 fs 的孤子光频梳, 如图 10(c) 所示。2020 年



图 9 基于超模式反常色散实现可见光频梳。(a) 耦合型双环微腔结构示意图及对称模式和反对称模式场分布图;(b) 反对称模式(红线)和对称模式(蓝线)的色散;(c) 残余频率失谐量;(d) 对称模式与反对称模式下光频梳的产生^[86]

Fig.9 Visible OFCs generated by supermode with anomalous dispersion. (a) Structure diagram of coupled double ring microcavity and field distribution of symmetric mode and antisymmetric mode; (b) Dispersion of antisymmetric mode (red line) and symmetric mode (blue line);
(c) Residual frequency detuning; (d) OFC generation in symmetric and anti-symmetric supermodes^[86]



图 10 TM 和 TE 模式耦合形成超模,产生可见光频梳。(a)不同厚度 下模式有效折射率;(b)不同厚度下超模式的色散曲线;(c) 孤 子光谱^[87];(d) 超模式色散曲线^[88]

Fig.10 TM and TE modes are coupled to form supermodes, generating visible frequency combs. (a) Effective refractive index under different thicknesses; (b) Dispersion curves of supermodes with different thicknesses; (c) Optical spectrum of a soliton generated^[87]; (d) Dispersion curves of supermodes^[88]

底,该课题组再次利用同样方法产生了一种类似于量

子场论狄拉克孤子的新型狄拉克光孤子[88]。

次年, T. Kippenberg 课题组在一个微米量级的 Si₂N₄ 微环腔^[20] 里面利用超模式,实现了带宽超过一 个倍频程的耗散克尔孤子光频梳。利用 TM₀₀ 与 TE₀₀的耦合,使得 TE 模式的局部 GVD 发生剧烈变 化,使其从正常色散 (D₂/2π = -32 MHz) 变为高度反常 色散 (D₂/2π = 510 MHz)。要产生耗散克尔光频梳,需 要使得微腔在有效的红失谐状态下运行。其中一种 实现方法为:泵浦激光从蓝失谐扫描到红失谐,并且 在一个确定的泵浦共振失谐量停止。当泵浦激光位 于共振的蓝失谐一侧时,腔内显示出调制不稳定性和 伴随噪声的克尔光频梳。在进一步的调节泵浦失谐 后,克尔光频梳向孤子光频梳过渡,光谱的形状向着 sech²曲线变化,以及出现孤子系统中的双峰结构。实 验上观察到由几个具有不同 FSR 的类孤子谱组成的 多孤子杰,这是由模式相互作用造成的,与单孤子相 比,多孤子具有很高的转换效率,因为其腔内脉冲的 数量很高,在该实验中转换效率接近50%。由此产生 的孤子态光谱实现了从 776~1630 nm 的倍频孤子频 梳(图 11), 孤子脉冲时间宽度为 18 fs。光谱在 800 nm 处通过孤子诱导的切伦科夫辐射产生色散波,使得孤 子光谱向较短的波长延伸^[89]。该波段覆盖 Rb 原子 的 D1 和 D2 两个跃迁线^[12,90],因此,该可见孤子频梳 在高精度计时中将发挥重要作用[11]。







2020年, Ali Eshaghian Dorche 等人在 Al_xGa_{1-x}N 微腔^[91] 中利用模式耦合在蓝光波段实现反常色散。如 图 12(a) 所示,该谐振腔由两个矩形波导垂直堆叠而成,谐振腔衬底为 AlN。通过选择几何参数和材料组成,可以调节模式耦合的波长。改变波导的宽度不会对 GVD 产生影响,如图 12(b) 所示;当增大 h_{fl} 时会使

得 GVD 的值变大且色散曲线向短波长方向移动 (图 12(c));增大 h_{12} 时,其效果与增大 h_{f1} 相反(图 12(e)), 其原因是在模式耦合附近两个波导色散曲线 β_1 和 β_2 的斜率存在显著差异。如图 12(d)所示,增大 h_g 并 不会移动色散曲线,但却显著提高了 GVD 的值,这是 因为耦合系数 κ 由单个波导模式之间的重叠面积决 定,增大 h_g 会减小耦合系数从而改变 GVD 的值;同 时还可以改变波导中 Al 的占比,从而改变相邻材料 之间的折射率比值,并且可以稍微调整,以减少对几 何参数的严格要求,从而将结构的反常色散调整到所 需的区域。将泵浦光波长固定在 442 nm,利用 LLE 数值计算光频梳的产生,其中显示位于 436 nm 与 467 nm 处的梳状线和¹⁷¹Yb⁺离子光学时钟的 E_2 、 E_3 能级吻合。

最近, Judith Su 课题组在水溶液中实现基于微芯 圆环腔的可见光频梳, 为研究基于微腔光频梳的单分 子光谱检测提供一种新思路^[92]。当将微腔放置在水 溶液中时,腔模色散处于正常色散区域,难以产生宽 带光频梳。由于不同的光学模式有各自的模式分布、 有效折射率与 FSR, 当微腔中存在多种模式时, 这些 模式会发生 AMXs, 使模式色散发生局部变化, 达到 反常色散区域。实验中制备了一个外直径为 500 µm 的微芯圆环腔,使得能在一个 FSR 内存在更多的光学 模式,从而更高效的实现模式耦合。通过调整锥形光 纤与微环腔的接触位置,来激发低阶模式和高阶模式 实现模式耦合。将 20 mW 的泵浦光耦合到微腔中, 观察到克尔光频梳,如图 13(b) 所示,其主梳 (第一个 生成的边带, λ>773 nm) 与 AMX 发生的位置 (λ>772 nm) 具有一个微小偏差,这是由于腔体温度升高引起的频 率偏移造成的。当泵浦光从高频扫频到低频时,腔内 功率的增加使腔体变热,由于不同的模式可能具有不 同的热灵敏度,使得频率发生偏移,从而改变 AMX 的位置。如图 13(c) 所示, 当同时存在多个 AMX 时,



图 12 堆叠耦合超模产生可见光频梳。(a) AlGaN 混合波导结构及超模式的场振幅分布; (b)~(e) 不同 w、h_{f1}、h_g、h_{f2}下的 GVD; (f) 模拟光频梳的 产生^[91]

Fig.12 Visible OFCs generated by stacked coupled supermodes. (a) A representative AlGaN hybrid waveguide structure and the field amplitude profile of super-mode; (b)-(e) Dispersion curves of supermodes in different width w_{χ} height $h_{f1\chi}$ height $h_{g\chi}$ height h_{f2} ; (f) Simulated frequency-comb spectrum^[91] 第5期



图 13 利用 AMXs 产生可见光频梳。(a) 模式耦合的高阶色散;(b) 图 (a) 情况下初级光频梳的产生;(c) 计算的模式色散;(d) 图 (c) 情况下初级梳 状线产生^[92]

Fig.13 Visible OFCs generated by AMXs. (a) Integrated dispersion of supermode; (b) Generated frequency comb when the mode indicated in (a) is pumped; (c) Simulation of the integrated dispersion; (d) Primary comb line generation when the mode indicated in (c) is pumped^[92]

主梳并不会出现在离泵浦光最近的 AMX 位置, 而 是取决于模式之间的耦合强度 (图 13(d))。借助远离 泵浦波长的 AMX 产生了一个跨越 300 nm 的宽带光 频梳。

2 结 论

综上,可见光频梳在诸多领域有着重要作用,但 材料色散使得可见光频梳的实现具有很大的实验挑 战。目前解决方案主要有三种:第一种是利用材料的 二阶与三阶非线性效应,将在近红外波段产生的光频 梳通过倍频与和频效应,相干的转换到可见光波段, 该方案在可见波段区域并没有实现微腔模式的反常 色散,因此产生的光频梳带宽较窄且相干转换效率也 受到限制;第二种是通过选择合适的微腔尺寸和形 状,使得在可见光波段模式色散处于反常色散区,利 用可见或近可见光作为泵浦源来激发光频梳的产生, 该方法对微腔的尺寸和形状有严格的限定;第三种是 利用模式之间的耦合效应,形成的反对称模式在可见 光波段处于反常色散,从而补偿材料的正常色散,此 方法还有利于孤子光频梳的产生。

尽管可见光频梳相比于 C 波段光频梳较难实现, 但是,随着回音壁模式微腔加工技术和色散调控技术 的发展,可见孤子光频梳将在不久的将来逐步成熟、 走向应用。可以预期未来几年会有更多的研究投入 到可见光频梳的研究中,并在以下几个方向上取得进 展:一、在更短的波长上实现光频梳;二、降低阈值功 率,实现可见光的孤子光频梳;三、实现可见光频梳的 有效调控,并基于原子跃迁参考实现其重复频率和初 始偏移频率的锁定;四、将可见光频梳应用于分子原 子光谱探测、天文探测及生物医学中。

参考文献:

- Herr T, Brasch V, Jost J D, et al. Temporal solitons in optical microresonators [J]. *Nature Photonics*, 2014, 8(2): 145-152.
- [2] Yang Q F, Suh M G, Yang K Y, et al. Microresonator soliton dual-comb spectroscopy[C]//Conference on Lasers and Electro-Optics (CLEO), 2017: SM4D. 4.
- [3] Cundiff S T, Ye J. Colloquium: Femtosecond optical frequency combs [J]. *Reviews of Modern Physics*, 2003, 75(1): 325-342.
- [4] Koke S, Grebing C, Frei H, et al. Direct frequency comb synthesis with arbitrary offset and shot-noise-limited phase noise
 [J]. *Nature Photonics*, 2010, 4(7): 462-465.
- [5] Stern B, Ji X C, Okawachi Y, et al. Battery-operated integrated frequency comb generator [J]. *Nature*, 2018, 562(7727): 401-405.
- [6] Yao B C, Huang S W, Liu Y, et al. Gate-tunable frequency combs in graphene-nitride microresonators [J]. *Nature*, 2018, 558(7710): 410-414.
- [7] Matsko A B, Savchenkov A A, Strekalov D, et al. Optical hyperparametric oscillations in a whispering-gallery-mode resonator: threshold and phase diffusion [J]. *Physical Review A*, 2005, 71(3): 033804.
- [8] Lin G P, Coillet A, Chembo Y K. Nonlinear photonics with high-Q whispering-gallery-mode resonators [J]. Advances in Optics and Photonics, 2017, 9(4): 828-890.
- [9] Kues M, Reimer C, Lukens J M, et al. Quantum optical microcombs [J]. *Nature Photonics*, 2019, 13(3): 170-179.
- [10] Del'Haye P, Schliesser A, Arcizet O, et al. Optical frequency comb generation from a monolithic microresonator [J]. *Nature*, 2007, 450(7173): 1214-1217.
- [11] Udem T, Holzwarth R, Hänsch T W. Optical frequency metrology [J]. *Nature*, 2002, 416(6877): 233-237.
- [12] Jones D J, Diddams S A, Ranka J K, et al. Carrier-envelope phase control of femtosecond mode-locked lasers and direct optical frequency synthesis [J]. *Science*, 2000, 288(5466): 635-639.
- [13] Spencer D T, Drake T, Briles T C, et al. An optical-frequency synthesizer using integrated photonics [J]. *Nature*, 2018, 557(7703): 81-85.
- [14] Steinmetz T, Wilken T, Araujo-Hauck C, et al. Laser frequency combs for astronomical observations [J]. *Science*, 2008, 321(5894): 1335-1337.
- [15] Suh M G, Vahala K J. Soliton microcomb range measurement[J]. *Science*, 2018, 359(6378): 884-887.
- [16] Bartels A, Heinecke D, Diddams S A. 10-GHz self-referenced

optical frequency comb [J]. Science, 2009, 326(5953): 681-681.

- [17] Vahala K J. Optical microcavities [J]. *Nature*, 2003, 424(6950): 839-846.
- [18] Breunig I. Three-wave mixing in whispering gallery resonators[J]. *Laser & Photonics Reviews*, 2016, 10(4): 569-587.
- [19] Strekalov D V, Marquardt C, Matsko A B, et al. Nonlinear and quantum optics with whispering gallery resonators [J]. *Journal* of Optics, 2016, 18(12): 123002.
- [20] Gaeta A L, Lipson M, Kippenberg T J. Photonic-chip-based frequency combs [J]. *Nature Photonics*, 2019, 13(3): 158-169.
- [21] Kippenberg T J, Spillane S M, Vahala K J. Kerr-nonlinearity optical parametric oscillation in an ultrahigh-Q toroid microcavity [J]. *Physical Review Letters*, 2004, 93(8): 083904.
- [22] Savchenkov A A, Matsko A B, Strekalov D, et al. Low threshold optical oscillations in a whispering gallery mode CaF₂ resonator [J]. *Physical Review Letters*, 2004, 93(24): 243905.
- [23] Kippenberg T J, Holzwarth R, Diddams S A. Microresonatorbased optical frequency combs [J]. *Science*, 2011, 332(6029): 555-559.
- [24] Wang Mengyu, Fan Lekang, Wu Lingfeng, et al. Research on Kerr optical frequency comb generation based on MgF₂ crystalline microresonator with ultra-high-Q factor [J]. *Infrared* and Laser Engineering, 2021, 50(5): 20210481. (in Chinese)
- [25] Agha I H, Okawachi Y, Gaeta A L. Theoretical and experimental investigation of broadband cascaded four-wave mixing in high-Q microspheres [J]. *Optics Express*, 2009, 17(18): 16209-16215.
- [26] Okawachi Y, Saha K, Levy J S, et al. Octave-spanning frequency comb generation in a silicon nitride chip [J]. *Optics Letters*, 2011, 36(17): 3398-3400.
- [27] Jung H, Xiong C, Fong K F, et al. Optical frequency comb generation from aluminum nitride microring resonator [J]. *Optics Letters*, 2013, 38(15): 2810-2813.
- [28] Hausmann B J M, Bulu I, Venkataraman V, et al. Diamond nonlinear photonics [J]. *Nature Photonics*, 2014, 8(5): 369-374.
- [29] Brasch V, Geiselmann M, Herr T, et al. Photonic chip-based optical frequency comb using soliton Cherenkov radiation [J]. *Science*, 2016, 351(6271): 357-360.
- [30] Kim S, Han K, Wang C, et al. Dispersion engineering and frequency comb generation in thin silicon nitride concentric microresonators [J]. *Nature Communications*, 2017, 8: 372.
- [31] Wang C, Zhang M, Yu M J, et al. Monolithic lithium niobate photonic circuits for Kerr frequency comb generation and modulation [J]. *Nature Communications*, 2019, 10: 978.
- [32] Del'Haye P, Herr T, Gavartin E, et al. Octave spanning tunable frequency comb from a microresonator [J]. *Physical Review Letters*, 2011, 107(6): 063901.
- [33] Xue X X, Xuan Y, Liu Y, et al. Mode-locked dark pulse Kerr

combs in normal-dispersion microresonators [J]. *Nature Photonics*, 2015, 9(9): 594-600.

- [34] Yi X, Yang Q F, Yang K Y, et al. Soliton frequency comb at microwave rates in a high-Q silica microresonator [J]. *Optica*, 2015, 2(12): 1078-1085.
- [35] Yang Q F, Yi X, Yang K Y, et al. Stokes solitons in optical microcavities [J]. *Nature Physics*, 2017, 13(1): 53-57.
- [36] Weiner A M. Frequency combs cavity solitons come of age [J]. *Nature Photonics*, 2017, 11(9): 533-535.
- [37] Kippenberg T J, Gaeta A L, Lipson M, et al. Dissipative Kerr solitons in optical microresonators [J]. *Science*, 2018, 361(6402): eaan8083.
- [38] Obrzud E, Rainer M, Harutyunyan A, et al. A microphotonic astrocomb [J]. *Nature Photonics*, 2019, 13(1): 31-35.
- [39] Ludlow A D, Boyd M M, Ye J, et al. Optical atomic clocks [J]. *Reviews of Modern Physics*, 2015, 87(2): 637-701.
- [40] Holzwarth R, Udem T, Hansch T W, et al. Optical frequency synthesizer for precision spectroscopy [J]. *Physical Review Letters*, 2000, 85(11): 2264.
- [41] Murphy M T, Udem T, Holzwarth R, et al. High-precision wavelength calibration of astronomical spectrographs with laser frequency combs [J]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 2007, 380(2): 839-847.
- [42] Margolis H S. Spectroscopic applications of femtosecond optical frequency combs [J]. *Chemical Society Reviews*, 2012, 41(15): 5174-5184.
- [43] Hartl I, Li X D, Chudoba C, et al. Ultrahigh-resolution optical coherence tomography using continuum generation in an airsilica microstructure optical fiber [J]. *Optics Letters*, 2001, 26(9): 608-610.
- [44] Wilt B A, Burns L D, Ho E T W, et al. Advances in light microscopy for neuroscience [J]. *Annual Review of Neuroscience*, 2009, 32: 435-506.
- [45] Fercher A F, Drexler W, Hitzenberger C K, et al. Optical coherence tomography - principles and applications [J]. *Reports* on *Progress in Physics*, 2003, 66(2): 239-303.
- [46] Ideguchi T, Holzner S, Bernhardt S B, et al. Coherent Raman spectro-imaging with laser frequency combs [J]. *Nature*, 2013, 502(7471): 355-358.
- [47] Wan S, Niu R, Peng J L, et al. Fabrication of the high-Q Si_3N_4 microresonators for soliton microcombs [J]. *Chinese Optics Letters*, 2022, 20(3): 032201.
- [48] Lu Z Z, Wang W Q, Zhang W F, et al. Deterministic generation and switching of dissipative Kerr soliton in a thermally controlled micro-resonator [J]. *AIP Advances*, 2019, 9(2): 025314.
- [49] Fujii S, Tanabe T. Dispersion engineering and measurement of whispering gallery mode microresonator for Kerr frequency

comb generation [J]. Nanophotonics, 2020, 9(5): 1087-1104.

- [50] Miller S, Luke K, Okawachi Y, et al. On-chip frequency comb generation at visible wavelengths via simultaneous second- and third-order optical nonlinearities [J]. *Optics Express*, 2014, 22(22): 26517-26525.
- [51] Liu X W, Sun C Z, Xiong B, et al. Generation of multiple nearvisible comb lines in an AlN microring via chi((2)) and chi((3)) optical nonlinearities [J]. *Applied Physics Letters*, 2018, 113(17): 171106.
- [52] Guo X, Zou C L, Jung H, et al. Efficient generation of a nearvisible frequency comb via Cherenkov-like radiation from a Kerr microcomb [J]. *Physical Review Applied*, 2018, 10(1): 014012.
- [53] Bruch A W, Liu X, Gong Z, et al. Pockels soliton microcomb[J]. *Nature Photonics*, 2021, 15(1): 21-27.
- [54] Gong Z, Bruch A W, Yang F, et al. Quadratic strong coupling in AlN Kerr cavity solitons [J]. *Optics Letters*, 2022, 47(4): 746-749.
- [55] Wang L R, Chang L, Volet N, et al. Frequency comb generation in the green using silicon nitride microresonators [J]. *Laser & Photonics Reviews*, 2016, 10(4): 631-638.
- [56] Szabados J, Puzyrev D N, Minet Y, et al. Frequency comb generation via cascaded second-order nonlinearities in microresonators [J]. *Physical Review Letters*, 2020, 124(20): 203902.
- [57] Buryak A V, Di Trapani P, Skryabin D V, et al. Optical solitons due to quadratic nonlinearities: from basic physics to futuristic applications [J]. *Physics Reports-Review Section of Physics Letters*, 2002, 370(2): 63-235.
- [58] Skryabin D V, Champneys A R. Walking cavity solitons [J]. *Physical Review E*, 2001, 63(6): 066610.
- [59] Villois A, Kondratiev N, Breunig I, et al. Frequency combs in a microring optical parametric oscillator [J]. *Optics Letters*, 2019, 44(18): 4443-4446.
- [60] Villois A, Skryabin D V. Soliton and quasi-soliton frequency combs due to second harmonic generation in microresonators [J]. *Optics Express*, 2019, 27(5): 7098-7107.
- [61] Chen H J, Ji Q X, Wang H, et al. Chaos-assisted two-octavespanning microcombs [J]. *Nature Communications*, 2020, 11(1): 1-6.
- [62] Guo X, Zou C L, Schuck C, et al. Parametric down-conversion photon-pair source on a nanophotonic chip [J]. *Light: Science & Applications*, 2017, 6(5): e16249.
- [63] Jiang X, Shao L, Zhang S X, et al. Chaos-assisted broadband momentum transformation in optical microresonators [J]. *Science*, 2017, 358(6361): 344-347.
- [64] Yang Y, Jiang X F, Kasumie S, et al. Four-wave mixing parametric oscillation and frequency comb generation at visible wavelengths in a silica microbubble resonator [J]. *Optics Letters*,

2016, 41(22): 5266-5269.

- [65] Riesen N, Zhang W Q, Monro T M. Dispersion in silica microbubble resonators [J]. *Optics Letters*, 2016, 41(6): 1257-1260.
- [66] Shu F J, Zhang P J, Qian Y J, et al. A mechanically tuned Kerr comb in a dispersion-engineered silica microbubble resonator [J]. Science China-Physics Mechanics & Astronomy, 2020, 63(5): 254211.
- [67] Ma J Y, Xiao L F, Gu J X, et al. Visible Kerr comb generation in a high-Q silica microdisk resonator with a large wedge angle [J]. *Photonics Research*, 2019, 7(5): 573-578.
- [68] Zhao Y, Ji X C, Kim B Y, et al. Visible nonlinear photonics via high-order-mode dispersion engineering [J]. *Optica*, 2020, 7(2): 135-141.
- [69] Luo L W, Ophir N, Chen C P, et al. WDM-compatible modedivision multiplexing on a silicon chip [J]. *Nature Communications*, 2014, 5: 3069.
- [70] Karpov M, Guo H R, Pfeiffer M H, et al. Dynamics of soliton crystals in optical microresonators[C]//Conference on Lasers and Electro-Optics (CLEO), 2017.
- [71] Wan S, Niu R, Wang Z Y, et al. Frequency stabilization and tuning of breathing solitons in Si₃N₄ microresonators [J]. *Photonics Research*, 2020, 8(8): 1342-1349.
- [72] Wang X Y, Xie P, Wang W Q, et al. Program-controlled single soliton microcomb source [J]. *Photonics Research*, 2021, 9(1): 66-72.
- [73] Coen S, Randle H G, Sylvestre T, et al. Modeling of octavespanning Kerr frequency combs using a generalized mean-field Lugiato-Lefever model [J]. *Optics Letters*, 2013, 38(1): 37-39.
- [74] Godey C, Balakireva I V, Coillet A, et al. Stability analysis of the spatiotemporal Lugiato-Lefever model for Kerr optical frequency combs in the anomalous and normal dispersion regimes [J]. *Physical Review A*, 2014, 89(6): 063814.
- [75] Savchenkov A A, Matsko A B, Liang W, et al. Kerr combs with selectable central frequency [J]. *Nature Photonics*, 2011, 5(5): 293-296.
- [76] Lu Q, Wu X, Liu L, et al. Mode-selective lasing in high-Q polymer micro bottle resonators [J]. *Optics Express*, 2015, 23(17): 22740-22745.
- [77] Lu Q, Chen X, Liu X, et al. Opto-fluidic-plasmonic liquid-metal core microcavity [J]. *Applied Physics Letters*, 2020, 117(16): 161101.
- [78] Lu Q J, Liu S, Wu X, et al. Stimulated Brillouin laser and frequency comb generation in high-Q microbubble resonators
 [J]. *Optics Letters*, 2016, 41(8): 1736-1739.
- [79] Yin Y H, Niu Y X, Qin H Y, et al. Kerr frequency comb

generation in microbottle resonator with tunable zero dispersion wavelength [J]. *Journal of Lightwave Technology*, 2019, 37(21): 5571-5575.

- [80] Jin X Y, Xu X, Gao H R, et al. Controllable two-dimensional Kerr and Raman-Kerr frequency combs in microbottle resonators with selectable dispersion [J]. *Photonics Research*, 2021, 9(2): 171-180.
- [81] Ramelow S, Farsi A, Clemmen S, et al. Strong polarization mode coupling in microresonators [J]. *Optics Letters*, 2014, 39(17): 5134-5137.
- [82] Carmon T, Schwefel H G L, Yang L, et al. Static envelope patterns in composite resonances generated by level crossing in optical toroidal microcavities [J]. *Physical Review Letters*, 2008, 100(10): 103905.
- [83] Savchenkov A A, Matsko A B, Liang W, et al. Kerr frequency comb generation in overmoded resonators [J]. *Optics Express*, 2012, 20(24): 27290-27298.
- [84] Xue X X, Xuan Y, Wang C, et al. Thermal tuning of Kerr frequency combs in silicon nitride microring resonators [J]. *Optics Express*, 2016, 24(1): 687-698.
- [85] Lin G, Diallo S, Saleh K, et al. Cascaded Brillouin lasing in monolithic barium fluoride whispering gallery mode resonators [J]. *Applied Physics Letters*, 2014, 105(23): 231103.
- [86] Soltani M, Matsko A, Maleki L. Enabling arbitrary wavelength frequency combs on chip [J]. *Laser & Photonics Reviews*, 2016, 10(1): 158-162.
- [87] Lee S H, Oh D Y, Yang Q F, et al. Towards visible soliton microcomb generation [J]. *Nature Communications*, 2017, 8: 1295.
- [88] Wang H, Lu Y K, Wu L, et al. Dirac solitons in optical microresonators [J]. *Light: Science & Applications*, 2020, 9(1): 205.
- [89] Akhmediev N, Karlsson M. Cherenkov radiation emitted by solitons in optical fibers [J]. *Physical Review A*, 1995, 51(3): 2602-2607.
- [90] Watanabe N, Tamura H, Musha M, et al. Optical frequency synthesizer for precision spectroscopy of Rydberg states of Rb atoms [J]. *Japanese Journal of Applied Physics*, 2017, 56(11): 112401.
- [91] Dorche A E, Timucin D, Thyagarajan K, et al. Advanced dispersion engineering of a III-nitride micro-resonator for a blue frequency comb [J]. *Optics Express*, 2020, 28(21): 30542-30554.
- [92] Choi G H, Gin A, Su J. Optical frequency combs in aqueous and air environments at visible to near-IR wavelengths [J]. *Optics Express*, 2022, 30(6): 8690-8699.