



硫系玻璃 $\text{Ge}_{28}\text{Sb}_{12}\text{Se}_{60}$ 薄膜光学非线性增强色散特性

孙旭 赵建行 周姚 曹英浩 周见红

Dispersion characteristics of optical nonlinearity enhancement of chalcogenide glass $\text{Ge}_{28}\text{Sb}_{12}\text{Se}_{60}$ film

Sun Xu, Zhao Jianxing, Zhou Yao, Cao Yinghao, Zhou Jianhong

在线阅读 View online: <https://doi.org/10.3788/IHLA20210609>

您可能感兴趣的其他文章

Articles you may be interested in

表面增强硫系玻璃 $\text{Ge}_{28}\text{Sb}_{12}\text{Se}_{60}$ 薄膜非线性吸收（特邀）

Surface enhanced nonlinear absorption of chalcogenide $\text{Ge}_{28}\text{Sb}_{12}\text{Se}_{60}$ film (*Invited*)

红外与激光工程. 2020, 49(12): 20201071 <https://doi.org/10.3788/IHLA20201071>

中红外 $\text{Ge}_{20}\text{As}_{20}\text{Se}_{15}\text{Te}_{45}$ 硫系玻璃光纤光栅光开关

Mid-infrared fiber grating optical switch of $\text{Ge}_{20}\text{As}_{20}\text{Se}_{15}\text{Te}_{45}$ chalcogenide glass

红外与激光工程. 2017, 46(7): 720002 <https://doi.org/10.3788/IHLA201746.0720002>

As_2Se_3 硫系玻璃非球面镜片的精密模压成型

Precision molding of As_2Se_3 chalcogenide glass aspheric lens

红外与激光工程. 2019, 48(7): 742002 <https://doi.org/10.3788/IHLA201948.0742002>

CdTe和CdS量子点的非线性特性对比

Comparison of nonlinear properties of CdTe and CdS quantum dots

红外与激光工程. 2018, 47(3): 306004 <https://doi.org/10.3788/IHLA201847.0306004>

小口径双非球面硫系玻璃镜片精密模压成型实验研究

Experimental study on precision molding of small dual aspherical chalcogenide glass lens

红外与激光工程. 2018, 47(4): 418006 <https://doi.org/10.3788/IHLA201847.0418006>

冷却间隙对小口径双非球面硫系玻璃镜片模压成型质量的影响

Effect of cooling gap on molding quality of small diameter dual aspherical chalcogenide glass lenses

红外与激光工程. 2018, 47(11): 1142001 <https://doi.org/10.3788/IHLA201847.1142001>

硫系玻璃 $\text{Ge}_{28}\text{Sb}_{12}\text{Se}_{60}$ 薄膜光学非线性增强色散特性

孙 旭¹, 赵建行¹, 周 姚¹, 曹英浩¹, 周见红^{1,2*}

(1. 长春理工大学 光电工程学院, 吉林长春 130022;
2. 光电测量和光信息传输技术教育部重点实验室, 吉林长春 130022)

摘要: 采用真空热蒸发以及退火工艺制备了支持局域表面等离激元的微纳结构薄膜, 在此薄膜上蒸镀了硫系玻璃 $\text{Ge}_{28}\text{Sb}_{12}\text{Se}_{60}$ 薄膜。应用 Z-扫描技术, 在飞秒激光脉冲激发下研究其光学非线性增强的色散特性, 在 650 nm 和 850 nm 波段观察到了非线性吸收增强; 非线性折射率随着波长的增加由负变正。通过扫描电子显微镜和透过光谱表征和分析了硫系玻璃 $\text{Ge}_{28}\text{Sb}_{12}\text{Se}_{60}$ 薄膜非线性吸收增强的原理, 非线性吸收随着波长的增加由单光子吸收为主逐渐转变为双光子吸收为主; 银膜的微纳结构导致硫系玻璃薄膜的共振中心频率发生了偏移。实验制备的用于增强硫系玻璃非线性的微纳结构制作简单, 无需复杂光刻工艺, 为非线性光子学器件的设计提供了新的思路。

关键词: 三阶光学非线性; 硫系玻璃; 局域表面等离激元; Z-扫描

中图分类号: O436 文献标志码: A DOI: 10.3788/IRLA20210609

Dispersion characteristics of optical nonlinearity enhancement of chalcogenide glass $\text{Ge}_{28}\text{Sb}_{12}\text{Se}_{60}$ film

Sun Xu¹, Zhao Jianxing¹, Zhou Yao¹, Cao Yinghao¹, Zhou Jianhong^{1,2*}

(1. School of Opto-electronic Engineering, Changchun University of Science and Technology, Changchun 130022, China;
2. Key Laboratory of Optoelectric Measurement and Optical Information Transmission Technology of Ministry of Education,
Changchun 130022, China)

Abstract: Micronano structure films supporting local surface plasmons were prepared by vacuum thermal evaporation and annealing, and the chalcogenide glass $\text{Ge}_{28}\text{Sb}_{12}\text{Se}_{60}$ film was evaporated on this film. The dispersion characteristics of optical nonlinear enhancement were studied by the Z-scan technique under femtosecond laser pulse excitation. Nonlinear absorption enhancement was observed at 650 nm and 850 nm. The nonlinear refractive index changes from negative to positive with increasing wavelength. The principle of nonlinear absorption enhancement of chalcogenide glass $\text{Ge}_{28}\text{Sb}_{12}\text{Se}_{60}$ thin films was characterized and analysed by scanning electron microscopy and transmission spectroscopy. The nonlinear absorption gradually changed from single photon absorption to two-photon absorption with increasing wavelength. The resonance center frequency of chalcogenide glass films shifted due to the micro/nanostructures of silver films. The preparation of micro/nanostructures for enhancing the nonlinearity of chalcogenide glass is simple without a complex lithography process, which provides a new idea for the design of nonlinear photonic devices.

Key words: third-order optical nonlinearity; chalcogenide glass; localized surface plasmon; Z-scan

收稿日期:2021-08-26; 修订日期:2021-09-20

基金项目:吉林省教育厅科技发展计划(20180101281JC);吉林省教育厅“十三五”科学和技术研究规划(JJKH20190579KJ);“111”计划(D17017)

作者简介:孙旭,男,硕士生,主要从事非线性光学方面的研究。

导师(通讯作者)简介:周见红,男,教授,博士生导师,博士,主要从事微纳光子学器件方面的研究。

0 引言

随着红外光子技术的迅速发展,材料科学的研究方向之一是寻找具有高红外透过率(特别是在一些重要的大气窗口)^[1]和高非线性的光学材料,以实现一些关键的光子学应用,如红外激光源、红外传感器、超连续介质产生等。而满足上述特性的硫系玻璃则是以元素周期表中的第六主族元素中除氧和钋以外的硫、硒、碲三种元素和其他元素或它们之间相互组合构成的材料,具有较大的折射率和红外透过性、且红外透过范围广、非线性效应强^[2-3]。目前针对硫系玻璃的光学非线性已经有了大量研究^[4-8],尽管具有较高的光学非线性效应,但是针对硫系玻璃的光学非线性增强仍是一个值得研究的话题。近年来,以局域表面等离激元(Localized Surface Plasmons, LSP)对材料光学非线性增强的潜能正在越来越多地被发掘^[9-10]。局域表面等离激元起源于金属或高掺杂半导体纳米颗粒表面的自由电子在入射光的激发下,电子的集体运动与电磁场相互作用产生的共谐振荡,具有局域光捕获^[11]、电磁场增强^[12],高的光热转换效率^[13]等优秀特性,使得LSP在诸多领域中得到广泛研究,如光电器件制造、成像、检测表面增强光谱学^[14-16]、非线性光学^[17-18]、生物医学^[19]等各个领域。其中,开发LSP增强硫系玻璃光学非线性的光子学器件仍需大量的研究工作。

文中采用真空热蒸发以及退火工艺制备了支持LSP的微纳结构,实现了硫系玻璃Ge₂₈Sb₁₂Se₆₀薄膜的非线性的增强,探究了其光学非线性随激光波长的变化。首先通过热蒸镀和退火的方法制备支撑LSP的微纳银结构,并在该微纳结构上表面热蒸镀GSS薄膜,以形成待测样品。然后使用飞秒Z扫描技术对已制备样品的三阶光学非线性进行测量,分别测量有无LSP微纳银结构的硫系玻璃薄膜,并进行对比研究LSP微纳银结构对硫系玻璃薄膜非线性的增强效果。随后,为了研究GSS薄膜非线性吸收增强的物理机制,利用扫描电子显微镜(Scanning Electron Microscope, SEM)研究退火银结构的微观形貌,并通过分析样品的透过光谱表征,来研究已制作样品的LSP特性。此外,通过利用不同波长的激光器作为激

励光源,研究了样品的三阶光学非线性随激光波长的变化情况。

1 实验

首先对待测样品进行制备(包括退火银结构、GSS薄膜、退火银结构加GSS薄膜):先用去离子水冲洗石英基片,然后依次用碱液和酸液煮沸5 min。其中碱液的成分为:氨水、过氧化氢、去离子水体积比1:2:5;酸液的成分为:盐酸、过氧化氢、去离子水体积比1:2:8。随后采用真空热蒸发方法在清洗过的石英基底上镀膜,其流程如图1所示。

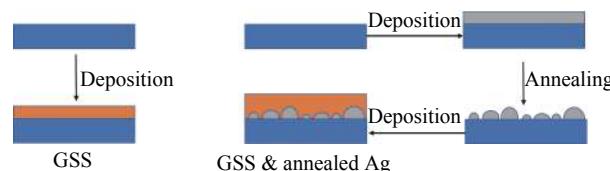


图1 样品的制备流程

Fig.1 Sample preparation process

样品1:直接在石英基片上热蒸镀50 nm厚的GSS薄膜;

样品2:先在石英基底上热蒸镀20 nm厚的Ag膜,然后放到马弗炉中退火(升温到270 °C后持续1 min,自然冷却),形成随机岛状银结构^[20],随后立刻镀50 nm厚的GSS薄膜。

实验中,采用Z扫描法测量已制备样品的三阶非线性,Z扫描测试的装置示意图如图2所示。选用中心波长1030 nm的飞秒激光系统(锁模Yb:KGW型光纤激光器)作为泵浦源,经光学参量放大器(Optical Parametric Amplifier, OPA)输出可调的脉冲激光,其脉宽为190 fs,重复频率为20 Hz。光束经过一个宽带半透半反分光镜分成两束光,一束光作为参考光源,由探测器1接收,另一束光经过一个双凸透镜聚焦并照射到制备的样品上,透过的光束被探测器2接收。光探测器1和2为Rjp-765能量探测器配合Rj-7620能量比率计和激光探头。实验时通过步进电机调整样品的位置,记录功率计的读数,从而得到一组Z位置和透过率一一对应的Z扫描数据。其中闭孔Z扫描需要加小孔光阑,用于测量非线性折射率;开孔Z扫描需要去掉小孔光阑,用于测量非线性吸收。

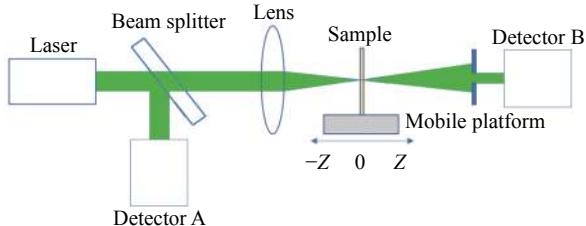


图 2 Z-扫描系统示意图

Fig.2 Diagram of the Z-scan system

2 结果与讨论

样品的非线性折射率 n_2 以及非线性吸收系数 $\beta^{[21]}$ 可由下式得出：

$$\Delta T_{P-V} \approx 0.406 \Delta \phi_0 = 0.406 k n_2 I_0 L_{\text{eff}} \quad (1)$$

$$\Delta T_V = \beta I_0 L_{\text{eff}} / 2 \quad (2)$$

式中： $k = 2\pi/\lambda$ 为激光在真空中的波矢； I_0 为激光束腰处光强； $L_{\text{eff}} = [1 - \exp(-\alpha L)]/\alpha$ 为玻璃样品的有效长度。

首先，为了验证 Z-扫描系统的准确性，对标准样品 ZnSe 进行开孔的 Z-扫描测试，结果符合数据标准。下面对已制备的两个样品进行开孔 Z-扫描测试。图 3(a)、(b) 分别为样品 1 (只有 50 nm 的 GSS) 和样品 2 (20 nm 厚的退火银结构加 50 nm 厚的 GSS) 在 850 nm 激光波长下的开孔 Z-扫描数据。黑色方块数据和蓝色三角数据为两次测量的结果，红色曲线为 matlab 拟合得到的结果，从图 3 中可以看出样品 1 和样品 2 均产生了十分明显的反饱和吸收现象^[22]。通过公式 (1) 计算得到样品 1、2 的非线性吸收系数分别为 $\beta_1 = 1 \times 10^{-9} \text{ m/W}$, $\beta_2 = 2.6 \times 10^{-9} \text{ m/W}$ 。通过比较两组结果可以看出，经过退火处理后的 20 nm 银膜对 GSS 膜的非线性吸收系数增强了近 2.6 倍。

为了研究该非线性增强现象的原理，首先利用 SEM 研究银膜退火前后的微观形貌变化。如图 4 所示，给出了 20 nm 银膜退火前后的 SEM 图。从图中可以明显看出，退火前 20 nm 厚的银膜结构比较致密，间隙较小。而退火后，岛状结构的间距变大，表面更加光滑，更有利形成明显的局域表面等离激元共振现象。由此判断：银膜经过退火后，可以形成支持局域表面等离激元的微纳结构。微纳结构与入射光相互作用形成局域表面等离激元共振，其局域电场增强效果是导致 GSS 薄膜非线性吸收现象增强的主要原

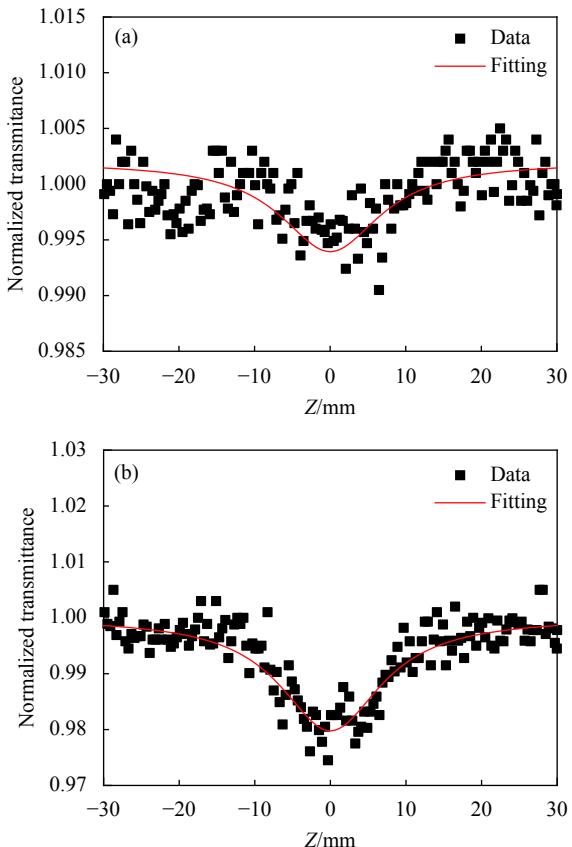


图 3 850 nm 波长下开孔 Z-扫描实验与拟合结果。(a) 样品 1: GSS 50 nm; (b) 样品 2: 20 nm 退火银结构加 GSS 50 nm

Fig.3 850 nm Z-scan experiment and fitting results. (a) Sample 1: GSS 50 nm; (b) Sample 2: 20 nm annealed silver structure with 50 nm GSS

因^[23-24]。

为了更清楚地解释表面等离激元共振现象，研究了样品的透射光谱性质。首先由光谱仪测得样品的透过率谱，再通过 Matlab Savitzky-Golay 滤波器滤掉噪声，其结果如图 5 所示。其中，黑色曲线为 20 nm 厚的退火银膜透过率曲线，在 462 nm 处出现了明显的谷值，表明了退火后的银结构在 462 nm 处产生的局域表面等离激元共振效果最强，降低了透过率。而 20 nm 厚的退火银结构加 50 nm 厚的 GSS 薄膜 (样品 2) 透过率曲线相对 20 nm 厚的退火银膜透过率曲线和 50 nm 厚的 GSS 薄膜 (样品 1) 透过率曲线发生了透射谷展宽和红移，笔者认为这是由于退火银结构的随机性导致其可在较宽的光谱范围内激发局域等离激元共振，进而可在较宽的光谱范围内增强非线性吸收 β 。

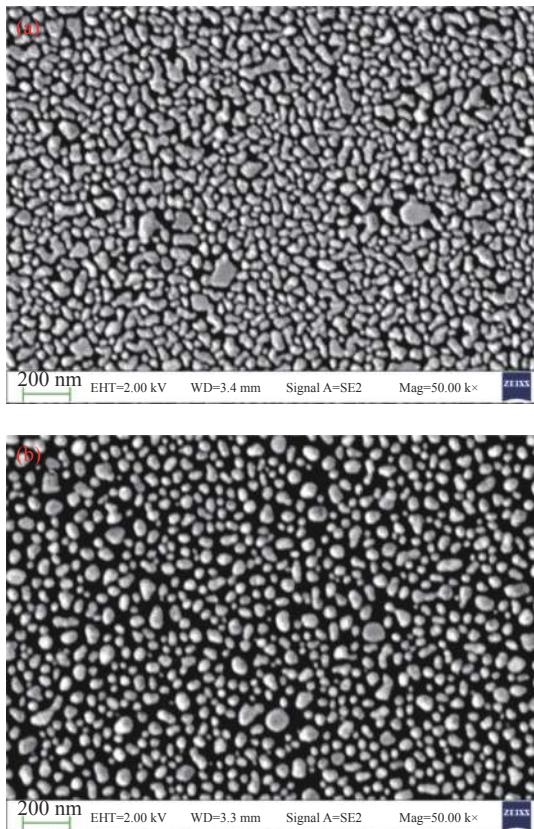


图 4 (a) 20 nm 银膜 SEM 图;(b) 20 nm 退火银膜 SEM 图

Fig.4 (a) SEM images of silver films at 20 nm; (b) SEM images of silver films annealed at 20 nm

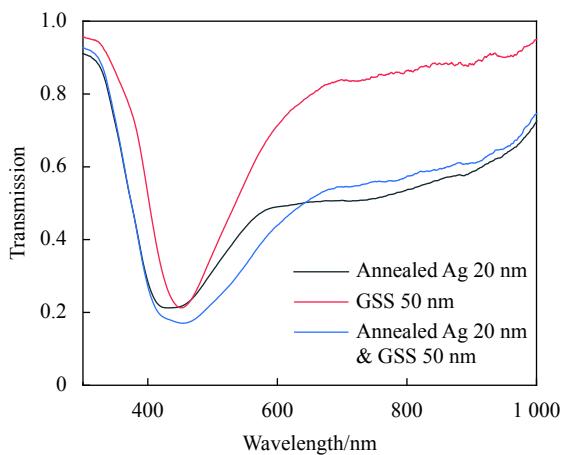


图 5 50 nm GSS、20 nm 退火银结构、20 nm 退火银结构加 50 nm GSS 样品的透过率谱

Fig.5 Transmittance spectra of 50 nm GSS, 20 nm annealed silver structure, 20 nm annealed silver structure and 50 nm GSS sample

最后, 研究不同激光波长对已制备样品光学非线性性能的影响。非线性折射率 n_2 和非线性吸收 β 与入射光频率的函数关系如下^[25]:

$$n_2 = \frac{3K'}{4c\epsilon_0 n_0^2} \frac{\omega_{lo} - \omega}{(\omega_{lo} - \omega)^2 + \Gamma^2} \quad (3)$$

$$\beta = \frac{-3\pi K'}{c\epsilon_0 n_0^2 \lambda_0} \frac{\Gamma}{(\omega_{lo} - \omega)^2 + \Gamma^2} \quad (4)$$

$$K' = \frac{(N_o - N_i)(p_0)_{lo}}{\epsilon_0 6\hbar^3} \sum_{b,c} (p_0)_{ob}(p_0)_{bc}(p_0)_{ct} \cdot \left[\frac{2}{(\omega_{bo} - \omega)\omega_{co}} + \frac{2}{(\omega_{bo} + \omega)\omega_{co}} + \frac{2}{(\omega_{bo} - \omega)(\omega_{co} - 2\omega)} \right] \quad (5)$$

式中: ω_{lo} 为分子从基态 (o) 向激发态 (t) 的跃迁频率; Γ 为线宽因子; K' 为常数; 角标 b 和 c 代表分子所有可能的分子能级。由公式 (3) 可得出, 当入射光频率从共振中心频率的低频方向调谐到高频方向时, 折射率的变化将改变符号, 在准确共振概率位置时, 折射率的共振增强量为零, 此时单光子吸收概率最大。

实验选取了不同波长的飞秒激光作为光源对已制备样品进行开孔和闭孔的 Z 扫描实验。测得样品的非线性折射率和吸收结果如图 6(a)、(b) 所示。图 6(a) 为测得的样品 1 (红色点, 50 nm GSS 薄膜) 和样品 2 (蓝色点线, 20 nm 退火银膜加 50 nm GSS 薄膜) 的非线性折射率随波长变化情况。首先, 对比样品 1 和样品 2 的结果发现, 在 850 nm 波段, 样品 1 和样品 2 的非线性折射率无明显差异; 而在 650 nm 波段, 样品 2 的非线性折射率相对于样品 1 的非线性符号发生了改变。这里推测是由于硫系玻璃 GSS 镀膜到退火银结构时, 局部的银与硫系玻璃互相发生渗透, 使硫系玻璃由 N 型半导体转变为 P 型半导体^[26]。其次, 研究波长对样品 1 和样品 2 非线性折射率的影响。样品 2 的非线性折射率在 650~800 nm 之间符号发生改变, 样品 1 的非线性折射率在 650 nm 之后为正值, 由公式 (3) 可知, 样品的非线性折射率随波长的增加由负到正^[25], 所以样品 2 的共振中心频率相对样品 1 发生了偏移。图 6(b) 为测得的样品 1 和样品 2 的非线性吸收随波长变化情况。对比样品 1 和样品 2 的结果发现, 在 650 nm 和 850 nm 波段处, 样品 2 的非线性吸收系数均高于样品 1, 说明退火银膜均能激发局域表面等离激元共振来增强 GSS 薄膜的非线性吸收。而由蓝色曲线可知, 样品 2 的非线性吸收 β 随波长的增加符号由负变正。这是因为随着波长的增加, 非线性吸收由单光子吸收为主逐渐转变为双光

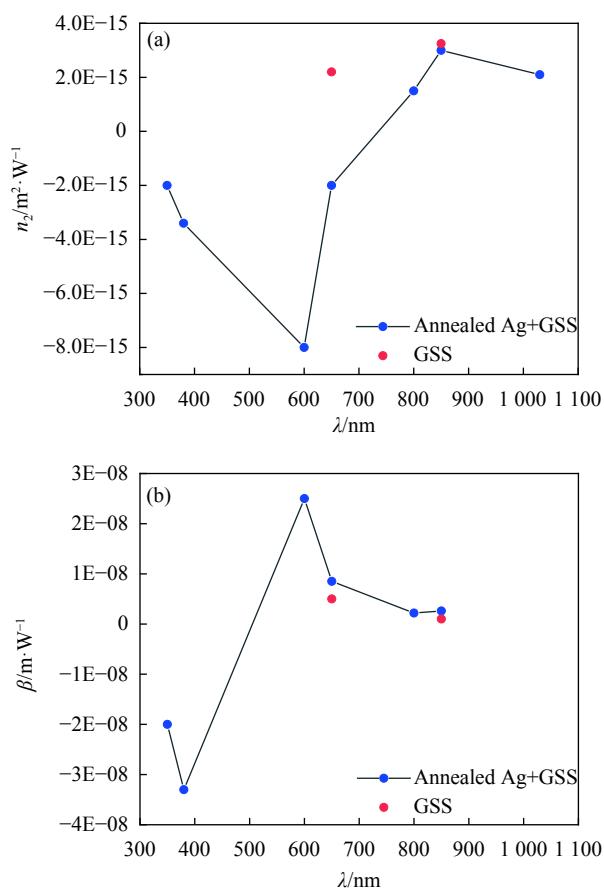


图 6 (a) 非线性折射率 n_2 随波长变化曲线; (b) 非线性吸收系数 β 随波长变化曲线

Fig.6 (a) Curves of nonlinear refractive index n_2 changing with wavelength; (b) Curves of nonlinear absorption coefficient versus wavelength

子吸收为主。并且可以明显看出,随着光子能量的减小,样品 2 的非线性吸收系数 β 逐渐接近 0 值。由此推断,当波长大于 850 nm 时,非线性吸收逐渐趋于 0。

3 结 论

文中研究了退火银膜产生的微纳结构对硫系玻璃 GSS 在飞秒激光作用下三阶非线性的影响及其随激光波长的变化。实验结果表明,通过银膜退火形成支持局域表面等离激元的微纳结构,可在 650 nm 和 850 nm 波段下产生局域表面等离激元共振来增强非线性吸收。非线性吸收随着波长的增加由单光子吸收为主逐渐转变为双光子吸收为主。非线性折射率随着波长的增加由负变正,且 20 nm 退火银膜加 50 nm GSS 薄膜相对 50 nm GSS 薄膜的共振中心频率发生了偏移。笔者的工作是对硫系玻璃在飞秒激光

作用下光学非线性的较深入研究,对基于硫系玻璃非线性器件的研究具有较高的参考价值。

参 考 文 献:

- [1] Wang Xingfeng, Yan Xingtao, Chen Guoqing, et al. Fabrication and optical performances measurements of flexible chalcogenide imaging fiber bundles [J]. *Optics and Precision Engineering*, 2017, 25(12): 3137-3144. (in Chinese)
- [2] Chang Qing, Tan Hengyu, Meng Tianming. Nonlinear optics and ultrafast dynamics characteristics of CdTe/CdS quantum dots with different core sizes and shell thickness [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2021, 50(2): 20200342. (in Chinese)
- [3] Hou Shanglin, Lei Jingli, Wu Qiling, et al. Enhanced femtosecond optical pulses compression in highly nonlinear photonic crystal fibers (invited) [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2019, 48(1): 0103004. (in Chinese)
- [4] Yi C, Song Y. Recent advance in optical nonlinearity measurement technique with phase object [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2012, 41(6): 1610-1617. (in Chinese)
- [5] Wu X, Liu D, Yang J, et al. Optical nonlinear and optical limiting measurements of a new metal indium phthalocyanine [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2014, 43(1): 108-112. (in Chinese)
- [6] Wang Y, Li Y, Song Y. Advances in 4f phase coherent imaging technique for measuring the optical nonlinear index [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2008, 37(4): 667-691. (in Chinese)
- [7] Pradhan P, Khan P, Aswin J R, et al. Quantification of nonlinear absorption in ternary As-Sb-Se chalcogenide glasses [J]. *Journal of Applied Physics*, 2019, 125: 015105.
- [8] Viswanathan A, Thomas S. Tunable linear and nonlinear optical properties of GeSeSb chalcogenide glass with solute concentration and with silver doping [J]. *Journal of Alloys and Compounds*, 2019, 798: 424-430.
- [9] Wang Haobing, Tao Jin, Lv Jinguang, et al. Absorption enhancement of silicon via localized surface plasmons resonance in blue band [J]. *Chinese Optics*, 2020, 13(6): 1362-1384. (in Chinese)
- [10] Sun T, Chen F, Lin C, et al. Local field effect influenced third-order optical nonlinearity of whole visible transparent chalcogenide glass ceramics [J]. *Ceramics International*, 2019, 45(8): 10840-10844.
- [11] Haes A J, Lei C, Klein W L, et al. Detection of a biomarker for alzheimer's disease from synthetic and clinical samples using a nanoscale optical biosensor [J]. *Journal of the American*

- Chemical Society*, 2005, 127(7): 2264-2271.
- [12] Haes A J, Haynes C L, McFarland A D, et al. Plasmonic materials for surface-enhanced sensing and spectroscopy [J]. *MRS Bulletin*, 2005, 30: 368-375.
- [13] Willets K A, Duyne R P V. Localized surface plasmon resonance spectroscopy and sensing [J]. *Annual Review of Physical Chemistry*, 2007, 58: 268-297.
- [14] Ji Jitao, Zhai Yusheng, Wu Zhipeng, et al. Detection of surface plasmons based on periodic grating structure [J]. *Optics and Precision Engineering*, 2020, 28(3): 526-534. (in Chinese)
- [15] Han Jing, Gao Yang, Jiao Weiyan, et al. Mid-infrared plasmon regulation based on graphene nanoribbons [J]. *Chinese Optics*, 2020, 13(3): 627-636. (in Chinese)
- [16] Miao R, Zhang Y, Tang Y, et al. Photoluminescence enhancement and ultrafast relaxation dynamics in a lowdimensional heterostructure: effect of plasmon-exciton coupling [J]. *Optics Letters*, 2018, 43(24): 6093-6096.
- [17] Wen X, Xu W, Zhao W, et al. Plasmonic hot carriers-controlled second harmonic generation in WSe₂ Bilayers [J]. *Nano Letters*, 2018, 18(3): 1686-1692.
- [18] Hooper D C, Kuppe C, Wang D, et al. Second harmonic spectroscopy of surface lattice resonances [J]. *Nano Letters*, 2019, 19(1): 165-172.
- [19] Xin H, Namgung B, Lee L P. Nanoplasmonic optical antennas for life sciences and medicine [J]. *Nature Reviews Materials*, 2018, 3: 228-243.
- [20] Kong X, Fu Y, Zhang W, et al. Analysis of random antireflective structures fabricated by silver dewetting to enhance transmission [J]. *Journal of Nanophotonics*, 2017, 11(3): 036019.
- [21] Sheik-Bahae M, Said A A, Wei T H, et al. Sensitive measurement of optical nonlinearities using a single beam [J]. *IEEE Journal of Quantum Electronics*, 1990, 26(4): 760-769.
- [22] Wang X, Yao L, Li S, et al. Extraordinarily large third-order optical nonlinearity in Au nanorods under nanowatt laser excitation [J]. *Journal of Physical Chemistry C*, 2020, 124(12): 6838-6844.
- [23] Miao R, Shu Z, Hu Y, et al. Ultrafast nonlinear absorption enhancement of monolayer MoS₂ with plasmonic Au nanoantennas [J]. *Optics Letters*, 2019, 44(13): 3198-3201.
- [24] Alam M Z, Schulz S A, Upham J, et al. Large optical nonlinearity of nanoantennas coupled to an epsilon-near-zero material [J]. *Nature Photonics*, 2018, 12(2): 79-83.
- [25] He Guangsheng. Nonlinear Optics and Photonics [M]. Shanghai: Shanghai Scientific & Technical Publishers, 2019: 94. (in Chinese)
- [26] Huang Kun. Solid State Physics [M]. Beijing: Peking University Press, 2014: 200. (in Chinese)