

## 基于体光栅窄带光学滤波的激光雷达收发波长动态匹配技术研究

范伟 刘博 蒋贇

### Study on dynamic wavelength matching technology of laser radar based on volume grating narrowband optical filtering

Fan Wei, Liu Bo, Jiang Yun

在线阅读 View online: <https://doi.org/10.3788/IRLA20210639>

#### 您可能感兴趣的其他文章

##### Articles you may be interested in

#### 基于距离分辨的激光雷达技术研究进展

Research development of range-resolved laser radar technology

红外与激光工程. 2019, 48(8): 805007 <https://doi.org/10.3788/IRLA201948.0805007>

#### 基于深度学习的压缩光子计数激光雷达

Compressed photon-counting laser radar based on deep learning

红外与激光工程. 2020, 49(S2): 20200380 <https://doi.org/10.3788/IRLA20200380>

#### 混沌脉冲激光雷达水下目标探测

Underwater target detection of chaotic pulse laser radar

红外与激光工程. 2019, 48(4): 406004 <https://doi.org/10.3788/IRLA201948.0406004>

#### 三维激光雷达共光路液体透镜变焦光学系统设计

Design of common path zoom optical system with liquid lens for 3D laser radar

红外与激光工程. 2019, 48(4): 418002 <https://doi.org/10.3788/IRLA201948.0418002>

#### 瑞利多普勒激光雷达超窄带滤光器的设计

Design of ultra-narrow filter for Rayleigh Doppler lidar

红外与激光工程. 2018, 47(10): 1030003 <https://doi.org/10.3788/IRLA201847.1030003>

#### 瑞利激光雷达超窄带滤光器参数设计及性能分析

Design and analysis of ultra-narrow filter of Rayleigh lidar

红外与激光工程. 2020, 49(2): 0205003 <https://doi.org/10.3788/IRLA202049.0205003>

## 基于体光栅窄带光学滤波的激光雷达收发 波长动态匹配技术研究

范伟<sup>1,2,3</sup>, 刘博<sup>1,2,3</sup>, 蒋贇<sup>1,2,3</sup>

- (1. 中国科学院空间光电精密测量技术重点实验室, 四川成都 610209;
2. 中国科学院光电技术研究所, 四川成都 610209;
3. 中国科学院大学, 北京 100049)

**摘要:** 激光雷达是一种可以精确、快速获取目标三维信息的主动探测技术。然而,激光雷达在白天工作时会受到强烈的太阳背景辐射噪声的影响。此时,一般需要采用窄线宽的激光器与滤波器件配合使用,从而达到背景光抑制的效果。当两者都是极窄线宽时,如果二者中心波长产生失配,即具有一定的误差,那么接收信号的信噪比将会受到显著影响。因此,文中从窄带滤波和接收信号对发射信号的波长跟踪的角度出发,利用体光栅的相关特性设计了激光雷达的可调谐滤波接收器和收发系统光路,实现了激光雷达在窄滤波带宽条件下接收波长对发射波长的跟踪。最后,在实验室实际搭建了整个系统,验证了系统设计的正确性。在固定波长条件下与可调谐波长条件下,跟踪精度均优于 2.9 pm,此时,接收信号强度大于中心波长完全匹配条件下的 99.97%。

**关键词:** 激光雷达; 体光栅; 窄带滤波; 波长跟踪

**中图分类号:** TN958.98      **文献标志码:** A      **DOI:** 10.3788/IRLA20210639

## Study on dynamic wavelength matching technology of laser radar based on volume grating narrowband optical filtering

Fan Wei<sup>1,2,3</sup>, Liu Bo<sup>1,2,3</sup>, Jiang Yun<sup>1,2,3</sup>

- (1. Key Laboratory of Science and Technology on Space Optoelectronic Precision Measurement, Chinese Academy of Sciences, Chengdu 610209, China; 2. Institute of Optics and Electronics, Chinese Academy of Sciences, Chengdu 610209, China;
3. University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

**Abstract:** LiDAR is a kind of active detection technology that can accurately and quickly obtain 3D information of targets. However, it is subject to intense noise from the solar background when it operates during the day. In this case, narrow line width lasers and filters are generally used to achieve the effect of suppression of background noise. When both of them are extremely narrow line widths, the SNR of the received signal will be significantly affected if the center wavelengths of the two are mismatched. Therefore, from the perspective of narrowband filtering and wavelength tracking of the transmitted signal by the received signal, a tunable filter receiver and the optical path of the transceiver system of the lidar were designed by using the volume grating, and the tracking of the received wavelength to the transmitted wavelength of the lidar was realized under the condition of narrow filtering bandwidth. Finally, the whole system was actually built in the laboratory to verify the correctness of the system design. At a fixed wavelength and tunable wavelength, the tracking accuracy is better than 2.9 pm. At this

收稿日期:2021-09-06; 修订日期:2021-12-26

作者简介:范伟,男,硕士生,主要从事激光雷达技术方面的研究。

导师简介:刘博,男,研究员,博士生导师,博士,主要从事激光雷达探测与激光通信方面的研究。

time, the received signal intensity is greater than 99.97% of the central wavelength matching condition.

**Key words:** laser radar; volume grating; narrowband filtering; wavelength tracking

## 0 引言

激光雷达作为一种主动式探测技术,能够快速、准确地获取目标的空间三维信息,在自动驾驶、空间交会对接、目标识别等民用、航空航天以及军用领域有着广泛的用途<sup>[1-4]</sup>。激光雷达的探测方式分为直接探测和相干探测,由于直接探测方式实现比较简单,可靠性高,所以,在大多数激光雷达系统中,都采用直接探测方式<sup>[5]</sup>。然而,直接探测方式适合强光探测,它需要接收的光信号大于噪声。由于激光雷达通常是在白天环境下进行工作,因此会受到强烈的太阳背景辐射噪声的影响,所以,有效的背景光抑制手段是提高激光雷达探测灵敏度的有效手段<sup>[6]</sup>。

目前,对于激光雷达的背景光抑制主要采用光谱滤波法,即使用窄带的干涉滤波片对回波信号进行光谱滤波,以达到背景光抑制的效果。但是,目前干涉滤波片的最小滤波带宽一般为 0.5 nm,透过率为 70% 左右,效果仍然不够理想。需要寻求带宽更窄的滤波器件来提高激光雷达在背景光抑制上的性能。因此笔者配合使用极窄线宽的激光器和窄带宽的滤波器件。但是当二者都很窄时,激光器和滤波器的中心波长的匹配问题就显得尤为重要。在实际应用中,随着力、热等环境变化,激光器和滤波片中心波长都会产生一定的波长漂移,在极窄的光谱宽度下,这将导致激光雷达的接收信号信噪比显著降低。因此,需要设计一套窄带光学滤波下的激光雷达收发波长匹配系统,将雷达系统的接收滤波器件中心波长始终锁定在激光发射中心波长上,实现收发波长的实时匹配。对于波长匹配系统,主要有两种设计思路,一种是利用可调谐激光器调谐其波长去跟踪滤波器件中心波长的变化,另一种是用可调谐滤波器调谐滤波中心波长去跟踪发射激光的波长变化。而基于可调谐激光器的技术一般较为复杂,因此文中研究采用可调谐滤波器件的方案。

基于可调谐滤波器件的波长匹配系统要求在发射波长产生变化时,让接收滤波器件能够跟踪其波长的变化而产生相应的调谐。为了达到雷达系统中窄带滤波的要求,滤波系统的带宽需要足够窄,从而

达到对激光雷达背景辐射噪声的抑制效果。目前,可调谐滤波器的发展现状如表 1 所示。

从表 1 可以看出,体光栅无论在滤波光谱宽度还是中心波长的调谐范围上性能都相当出色。所以,文中提出了一种基于反射式体光栅的收发波长匹配跟踪系统,不仅具有极窄的滤波带宽,最低能达到 20 pm,还能够实现激光雷达在窄滤波带宽时的收发波长匹配<sup>[7-8]</sup>,避免了受环境影响时接收滤波器与发射激光器之间因波长漂移产生失配而带来的影响,进一步提高了激光雷达,特别是夫琅禾费暗线激光雷达的背景光抑制能力与稳定可靠的工作性能,降低了后续激光雷达数据处理的复杂度。

表 1 可调谐滤波器参数概况

Tab.1 Overview of tunable filter parameters

Type	Band width/nm	Tuning range/nm
Fiber Bragg grating	0.03-3	80
F-P filter	<0.1	0.8-340
Mach-Zehnder filter	<0.2	<4
AOTF	>0.3	<500
VBG	<0.1	>20

## 1 基本原理

### 1.1 背景光功率分析

激光雷达在白天工作时,其背景噪声主要来自于太阳光的散射和目标对太阳光的反射。其背景光的功率可以表示为:

$$P_b = \frac{\pi}{16} T_r \rho \theta_r^2 d_r^2 \Delta \lambda P \quad (1)$$

其中,

$$P = T_a \rho H_\lambda \cos \theta \cos \varphi + \pi N_\lambda (1 - T_a) \quad (2)$$

式中:  $T_r$  为接收光学系统的透过率;  $T_a$  为大气或其他介质的单程透过率;  $\theta_r$  为接收视场角;  $d_r$  为光学系统的物镜直径;  $\Delta \lambda$  为滤光片的光谱带宽;  $H_\lambda$  为太阳光对地面的光谱辐照度;  $N_\lambda$  为大气散射的光谱辐射亮度;  $\rho$  为目标表面的光谱辐射系数;  $\theta$  为目标表面法线与太阳光线的夹角;  $\varphi$  为接收光轴与目标表面法线的夹角。

从公式 (1) 可以看出, 激光雷达系统使用的滤波片光谱带宽  $\Delta\lambda$  越小, 相应的接收背景光功率越低, 从而接收信号具有更高的信噪比<sup>[9]</sup>。

### 1.2 体光栅波长跟踪原理

体光栅是一种介质折射率呈周期性分布的衍射光学元件, 其性能主要由介质折射率  $n$ 、折射率调制度  $\delta n$ 、光栅周期  $\Lambda$ 、矢量倾斜角  $\phi$ 、光栅厚度  $d$  这五个参数所决定<sup>[10-11]</sup>, 如图 1 所示。由耦合波理论<sup>[12-13]</sup>可知, 当入射光的波矢与衍射光的波矢以及体光栅的光栅矢量满足动量匹配关系时, 衍射效率达到最强, 此时, 反射式体光栅的入射布拉格条件可以表示为<sup>[14]</sup>:

$$\cos(\phi - \theta_B) = \frac{\lambda(n)}{2n\Lambda} \quad (3)$$

式中:  $\phi$  为光栅矢量的倾角;  $\theta_B$  为波长  $\lambda$  在光栅内部的布拉格角;  $\Lambda$  为光栅周期;  $n$  为光栅的介质折射率。对于在小范围内变化的波长, 其对应的介质折射率近似为不变, 并且将  $\theta_B$  用入射角  $\theta_i$  表示。此时, 上式可写为:

$$\cos\left(\phi - \arcsin\left(\frac{\sin\theta_i}{n}\right)\right) = \frac{\lambda}{2n\Lambda} \quad (4)$$

从上式可以看出, 对于不同的入射角, 具有不同的衍射中心波长。由此, 可以用分光元件通过设置不同的入射角度实现可调谐滤波<sup>[15]</sup>。

对公式 (4) 取其一阶导数, 可得到体光栅的角度变化分辨率与衍射中心波长分辨率的关系, 如下式所示:

$$\frac{\Delta\lambda}{\Delta\theta} = 2n\Lambda \left[ \sin\left(\phi - \arcsin\left(\frac{\sin\theta_i}{n}\right)\right) \right] F\theta_i \quad (5)$$

其中,

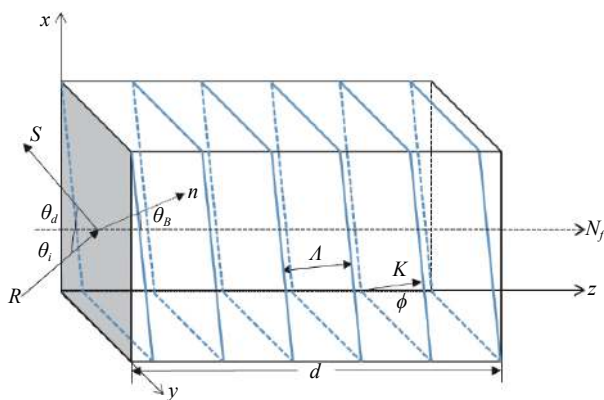


图 1 反射式体光栅示意图

Fig.1 Diagram of reflecting VBG

$$F\theta_i = \left[ \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{\sin\theta_i}{n}\right)^2}} \right] \frac{\cos\theta_i}{n} \quad (6)$$

### 1.3 体光栅滤波性能分析

对于体布拉格光栅, 具有一定波长的光束只发生一个特定角度的衍射, 根据布拉格条件, 它取决于光栅空间频率:

$$|\cos\theta_m^*| = \frac{\lambda_0}{2n\Lambda} \quad (7)$$

通常情况下, 对于反射式体布拉格光栅, 它的衍射效率可以由下式表示:

$$\eta = \left( 1 + \frac{1 - \xi^2 / \Phi^2}{\sin^2 \sqrt{\Phi^2 - \xi^2}} \right)^{-1} \quad (8)$$

式中: 参数  $\Phi$  与参数  $\xi$  可以分别由下式表示:

$$\Phi = \frac{i\pi\delta n}{\lambda_0 F_\phi} \quad (9)$$

$$\xi = \frac{\pi d \Delta\lambda}{2n\Lambda^2 \cos(\phi - \theta_m^*) - 2\Lambda\lambda_0 \cos\phi} \quad (10)$$

其中,

$$F_\phi = [-\cos(\phi - \theta_m^*) \cos(\phi + \theta_m^*)]^{\frac{1}{2}} \quad (11)$$

通常情况下, 反射式体光栅的衍射效率可以达到 95% 以上, 并且, 其滤波带宽理论上可以达到 20 pm, 是一种性能极好的滤波器件。

## 2 数值仿真分析

### 2.1 体光栅特性仿真分析

体光栅具有极窄的光谱滤波性能, 理论上其滤波光谱带宽可达到 20 pm。通过设计不同的设计参数, 如折射率调制度、光栅周期、光栅矢量倾斜角等, 可以获得不同的滤波性能, 如图 2 所示。图 2 仿真所用的光栅参数是后续所定制的体光栅实物的参数, 其折射率  $n$  为 1.488 5, 折射率调制度  $\delta n$  为  $3 \times 10^{-4}$ , 光栅倾角为  $0.550 2^\circ$ , 光栅厚度  $d$  为 2.7 cm, 中心波长  $\lambda_0$  为 1064 nm。

由图 2 可以看出, 根据上述参数所设计体光栅的滤波带宽约为 107 pm, 并且其中心波长处的衍射效率大于 95%。根据公式 (3) 与公式 (4) 所建立的体光栅可调谐滤波数学模型, 利用上述体光栅参数, 可以得出体光栅的角度特性曲线如图 3 所示。

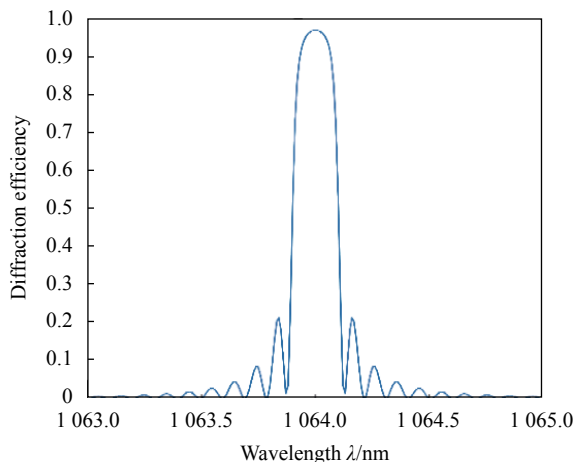


图 2 体光栅滤波特性

Fig.2 Volume grating filtering characteristics

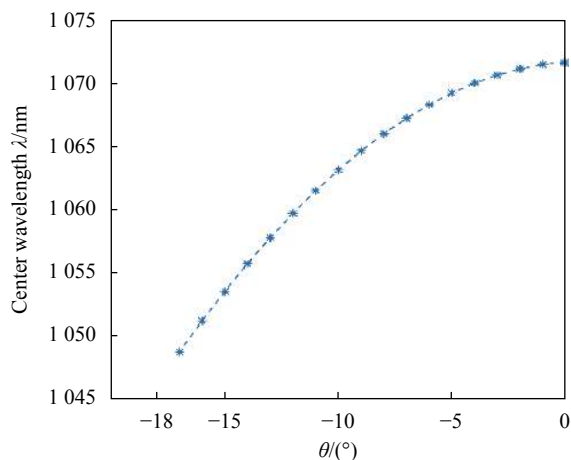


图 3 体光栅角度特性

Fig.3 Volume grating angle characteristics

由图 3 可以看出,不同的入射光角度对应于不同的衍射中心波长。也就是说,如果使入射光角度由 $-17^{\circ}\sim 0^{\circ}$ 变化,可以实现中心波长由 1047~1071 nm 的可调谐滤波。

### 2.2 波长跟踪仿真分析

由上述分析可知,体光栅具有极窄的滤波特性,那么,当笔者使用同样的窄线宽的激光器时,二者的中心波长匹配显得尤为重要,一旦出现波长匹配误差,那么,接收信号的强度就会显著下降,如图 4 所示。

图 4 中,图 (a) 中的发射信号使用的是线宽为 37 pm,中心波长为 1064 nm 的高斯光束,图 (b) 表示它们产生一定的中心波长匹配误差时接收信号的强度变化。从图中可以看出,当波长匹配误差大于 35 pm 时,接收信号强度下降为完全匹配的 95%。因此,需

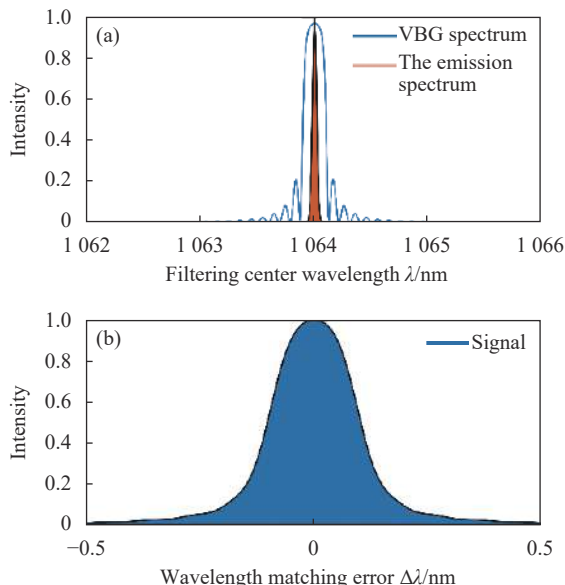


图 4 (a) 发射光束光谱与体光栅光谱; (b) 波长匹配误差仿真分析

Fig.4 (a) The emission spectrum and VBG spectrum; (b) Simulation analysis of wavelength matching error

要设计相应的波长跟踪系统,使得接收信号的中心波长能够对发射信号波长进行实时跟踪,保持二者中心波长的匹配性。

## 3 实验结果及分析

### 3.1 固定波长下的波长跟踪

根据上述仿真所用的体光栅的设计参数,定制了一块中心波长为 1064nm 的体光栅,其滤波带宽为 107.9 pm。实验所测量的角度特性如图 5、6 所示。

从图 5 可以看出,根据参数所定制的体光栅的角度变化特性与理论仿真基本吻合。并且该光栅的前后两个表面具有相同的衍射角度特性。根据图 5 所示的光栅的特性,文中研究设计了相应的光路与控制系统,使其能够达到收发波长自动匹配跟踪的要求。

图 6 所示为波长跟踪系统的设计方案。利用体光栅的角度特性以及对称的空间结构特性,充分利用其两个工作面,将发射信号的一部分由分光棱镜及反射镜入射到其第一面,另一部分发射到目标物上,反射回波由激光雷达的光学接收器所接收,入射到体光栅的第二面。当这两束光完全平行时,他们在体光栅前后两个面上的入射角相同,旋转体光栅时,他们的入射角的变化情况也相同。由公式 (4) 和图 5 可知,他们具有相同的衍射角度特性,即发射信号光的衍射



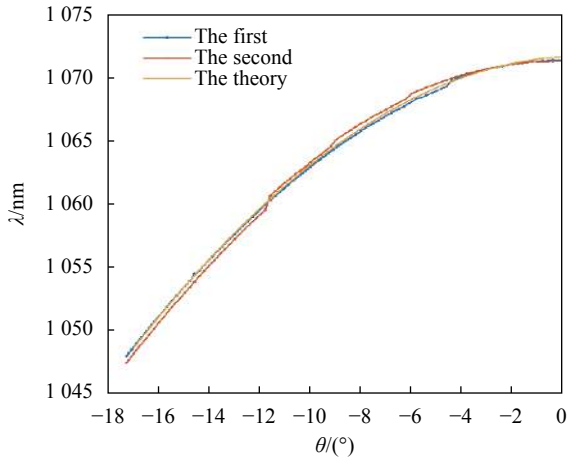


图 5 1 064 nm 体光栅角度特性测试

Fig.5 Measurement of angular characteristics of 1 064 nm volume grating

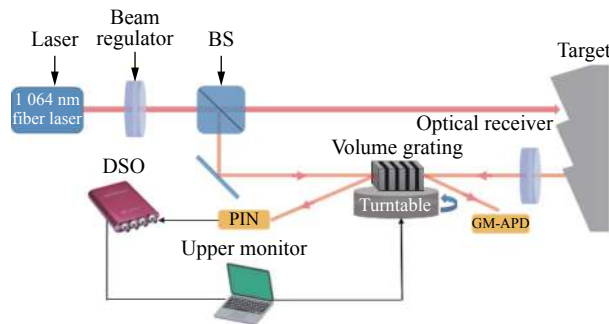


图 6 波长跟踪系统设计方案

Fig.6 Design of wavelength tracking system

极大值点对应的入射光角度即为接收信号所对应的最佳入射角。通过测量发射信号光的衍射极大值点对应的角度,可以实现接收信号波长对发射信号波长的波长跟踪。

图 7 为对波长跟踪系统的实验验证实物图,图中未包括图 6 方案中的 APD,因为实验主要探究利用体光栅设计激光雷达的收发波长匹配跟踪系统的原理,并未涉及后续对雷达信号的探测部分。利用反射镜当作目标物将回波反射到体光栅上,通过比较发射信号和接收信号在相同的扫描角度下的衍射强度变化来验证所设计的波长跟踪系统是否实现激光雷达收发波长跟踪的效果。实验中,所用的波长匹配的体光栅旋转台的角度分辨率为 5 μrad,根据公式 (5) 可得出体光栅的角度旋转分辨率与其可调谐滤波时的波长分辨的关系,如图 8 所示。

当滤波中心波长为 1064 nm 时,在上图中所对应

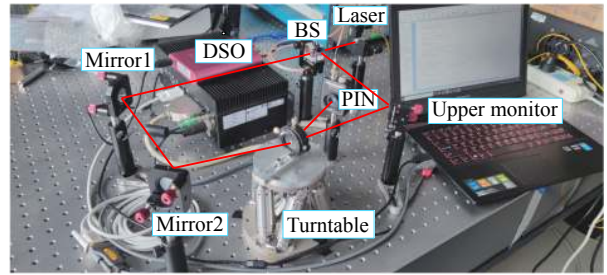


图 7 波长跟踪系统图

Fig.7 Diagram of wavelength tracking system

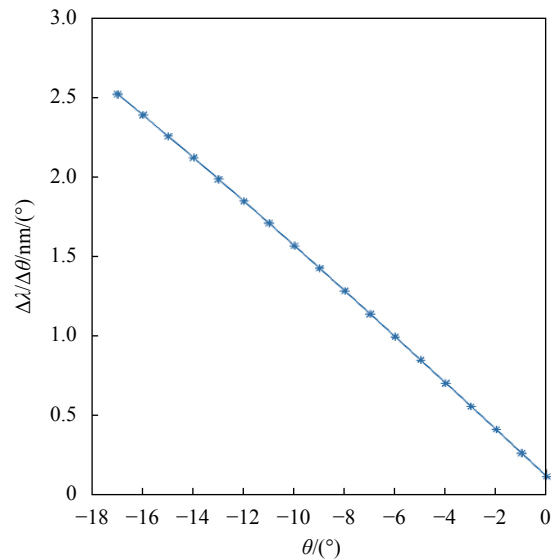


图 8 角度分辨率与中心波长分辨率的关系

Fig.8 Relationship between angular resolution and central wavelength resolution

的角度为 -9.447°。从图中可以看出,角度分辨率为 5 μrad 即 0.000 286°的体光栅旋转平台,所对应的衍射中心波长分辨率为 0.43 pm,可以满足系统要求。根据图 6 在实验室搭建出实验光路,利用 pin 管作为信号接收。所使用的激光器为可调谐激光器,该可调谐激光器为光纤耦合激光器,在温度为 25°时的中心波长为 1064.4104 nm,对应的体光栅滤波角度为 9.169°,通过改变晶体温度可以对波长做出微小改变(pm 级)。所用激光器的光谱由 YOKOGAWA 公司的 AQ6370D 光谱分析仪测量得到,线宽约为 37 pm,发射功率为 20 mW。

通过设定三个不同的晶体温度设定不同的激光发射波长,对于每个发射波长,利用体光栅旋转平台旋转两次相同角度进行角度扫描,利用反射式体光栅的角度特性,即在最佳滤波角度处其衍射效率最高,

而透过率最低的特点,第一次记录发射光在体光栅一面上的透过率的变化,第二次记录接收光在体光栅二面上的透过率的变化。二者透过率的最低点的角度所对应的波长即为该透过光束的波长。能量的变化过程如图 9 所示。

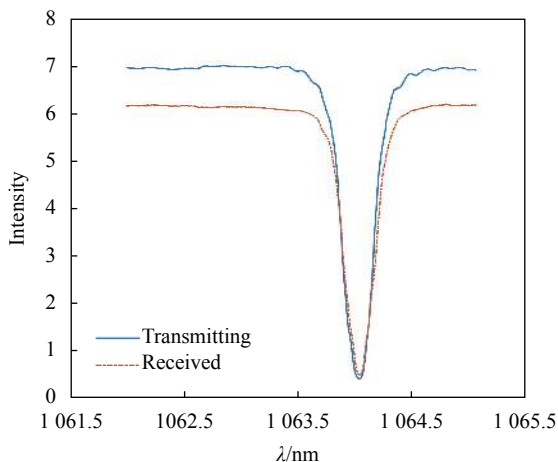


图 9 体光栅角度扫描时的透过率变化

Fig.9 Transmittance changes during volume grating angular scanning

由上图可以看出,利用体光栅旋转进行滤波中心波长的选择时,发射激光(入射到第一面)和接收光(入射到体光栅的第二面)具有相同的透过率(衍射效率)变化。利用此关系,对上述三个不同晶体温度下的发射激光波长进行波长匹配,实验结果如表 2 所示。

表 2 是在 25°、29°、33°的晶体温度条件下的波长匹配结果,其中  $T$  表示发射的信号光,  $R$  表示接收光对应的滤波中心波长。从上表中可以看出,当两光线平行且分别入射到反射式体光栅的前后两个表面时,

表 2 固定波长的波长跟踪

Tab.2 Wavelength tracking of fixed wavelength

Number	1	2	3	
Temperature/°C	Wavelength/nm	Wavelength/nm	Wavelength/nm	
25	$T$	1064.4104	1064.4104	1064.4104
	$R$	1064.4075	1064.4075	1064.4075
29	$T$	1064.3842	1064.3842	1064.3828
	$R$	1064.3813	1064.3813	1064.3813
33	$T$	1064.3754	1064.3754	1064.3754
	$R$	1064.3726	1064.3726	1064.3740

他们的衍射特性相同且其布拉格衍射角相同。从上表可以看出,在三个温度条件下,发射与接收信号的波长跟踪误差分别为 2.9 pm、2.9 pm 和 2.8 pm。此时的接收信号大于二者波长完全匹配条件下的 99.97%。因此,对于文中的基于体光栅的激光雷达收发波长跟踪系统,能够实现收发波长的匹配,并且匹配精度很高,实验中小于 2.9 pm。如果能将入射光束和发射光束调整为完全平行,在 5 μrad 的角度扫描下,理论的波长跟踪误差将为 0.43 pm。

### 3.2 波长可调谐下的波长跟踪

3.1 节通过理论仿真分析与实验研究,证明了所设计的激光雷达系统可以在固定波长条件下实现激光雷达的自动匹配。此节在图 6 实验方案的基础上,通过不断改变激光器晶体温度,测量接收滤波系统的跟踪能力,模拟激光器产生波长漂移时系统是否具备波长自动匹配的能力,即可调谐滤波器的中心波长是否与发射激光波长保持匹配。

匹配过程如下,首先以 1064.4104 nm 中心波长对应的角度为中心角度做一个大范围内的角度扫描,实验中的扫描角度为 ±0.05°,测量接收信号透过体光栅之后的信号能量,该能量最小时所对应的角度即为最佳滤波角度。然后重复进行 ±0.008° 的小角度扫描,测量接收信号透过体光栅后的能量大小,寻找此刻的最佳滤波角度,并将此作为下一次扫描的中心角度。

实验中对可调谐激光器的晶体温度进行了从 25.7°~33.7°,间隔为 1° 的温度调节,利用所设计的系统及扫描程序进行简单的扫描跟踪,并记录保存体光栅的最佳滤波角度的变化情况。利用公式 (4) 可得出下式:

$$\lambda = 2n\Lambda \cos\left(\phi - \arcsin\left(\frac{\sin\theta_i}{n}\right)\right) \quad (12)$$

利用公式 (11) 可将所测量的体光栅的最佳滤波角转换为对应的衍射中心波长,进而可直接比较发射光束与滤波器的中心波长,得出该波长跟踪系统的波长跟踪精度,如图 10 所示。

上图表示可调谐激光器的晶体温度从 25.7°~33.7° 间隔 1° 变化时滤波器中心波长对发射波长的自动匹配跟踪。从图中可以看出,匹配的最大误差为 2.9 pm。与上述固定波长下的匹配效果一致,说明所

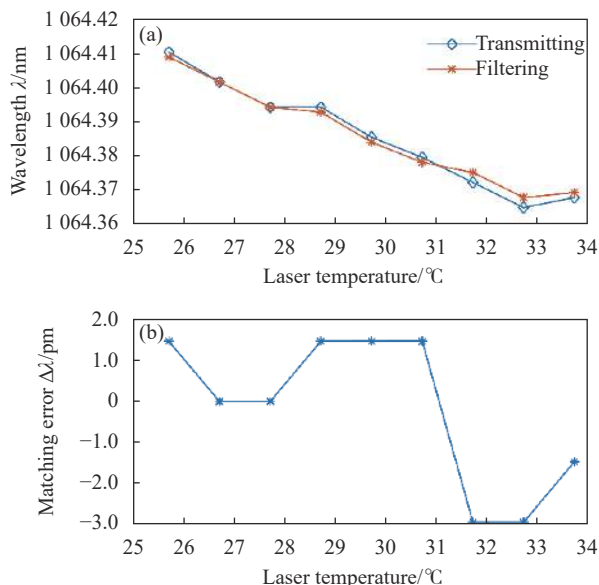


图 10 (a) 波长匹配跟踪实验结果; (b) 波长匹配误差分析

Fig.10 (a) Experimental results of wavelength matching tracking;

(b) Analysis of wavelength matching error

设计的系统经过相应的跟踪算法能够实现激光雷达的接收波长对发射波长的跟踪。

#### 4 结 论

文中分析了体布拉格光栅的窄带滤波特性与角度选择特性,并据此特性设计了一个能够实现激光雷达收发波长自动匹配跟踪的系统。并且在实验室通过相应实验证明了该系统能够实现激光雷达接收波长对发射波长的自动跟踪,且其最大跟踪误差为 2.9 pm, (5  $\mu$ rad 旋转台精度时理论可达到 0.43 pm), 此时的信号接收功率为最佳匹配下的 99.97%。因此,所设计系统能够解决由于激光雷达系统中的激光器由于温度变化和抖动或干涉滤波片长时间工作等所带来的波长漂移问题,大大提高了激光雷达在长时间工作下的稳定性。并且利用体光栅在窄带滤波上的优势实现对太阳背景辐射的抑制,进一步提高了激光雷达的测距性能,降低其后续信号处理的复杂程度。

#### 参考文献:

[1] Schwarz B. LIDAR: Mapping the world in 3D [J]. *Nature Photonics*, 2010, 4(7): 429-430.  
 [2] Repasi E, Lutzmann P, Steinvall O, et al. Advanced short-wavelength infrared range-gated imaging for ground applications

in monostatic and bistatic configurations [J]. *Applied Optics*, 2009, 48(31): 5956-5969.  
 [3] Albota M A, Aull B F, Fouche D G, et al. Three-dimensional imaging laser radars with Geiger-mode avalanche photodiode arrays [J]. *Lincoln Laboratory Journal*, 2002, 13(2): 351-370.  
 [4] Nobili S, Dominguez S, Garcia G, et al. 16 channels Velodyne versus planar LiDARs based perception system for Large Scale 2D-SLAM[C]//7th Workshop on Planning, Perception and Navigation for Intelligent Vehicles, 2015: 131-136.  
 [5] Liu Bo, Yu Yang, Jiang Shuo. Review of advances in LiDAR detection and 3D imaging [J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2019, 46(7): 15-27. (in Chinese)  
 [6] Dong Jinwu. Suppression of background Radiance of Airborne laser Radar [J]. *Electronics Optics & Control*, 2009, 16(7): 84-87. (in Chinese)  
 [7] Jiang Yun, Liu Bo, Fan Wei. Characteristics of volume Bragg grating spectral filter [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2021, 50(12): 20210055. (in Chinese)  
 [8] Wang Jian. Study on tunable narrowband optical filter based on holographic volume grating [D]. Hangzhou: Zhejiang University, 2006. (in Chinese)  
 [9] Sun Chao. Noise characteristics of Si-APD in Lidar under background light [D]. Nanjing: Nanjing University of Science and Technology, 2014. (in Chinese)  
 [10] Ciapurin I V, Glebov L B, Smirnov V I. Modeling of Gaussian beam diffraction on volume Bragg gratings in PTR glass[C]//Proceedings of SPIE, 2005, 5742: 183-194.  
 [11] Duan Jiazhu, Zhao Xiangjie, Hu Qiqi, et al. Volume Bragg grating filters and its spectral imaging application [J]. *High Power Laser And Particle Beams*, 2018, 30(7): 079001. (in Chinese)  
 [12] Kogelnik H. Coupled wave theory for thick hologram grating [J]. *Bell System Technical Journal*, 1969, 48: 2909-2947.  
 [13] Heaton J M, Mills P A, Paige E, et al. Diffraction efficiency and angular selectivity of volume phase holograms recorded in photorefractive materials [J]. *Optica Acta International Journal of Optics*, 1984, 31(8): 885-901.  
 [14] Guo Liping, Ge Xiaolu, Liu Xiaojuan. Filtering properties of reflecting volume Bragg gratings [J]. *Laser Journal*, 2009, 40(7): 52-55.  
 [15] Lumeau J, Smirnov V, Glebov L. Tunable ultra-narrow band-pass filters based on volume Bragg grating[C]//2006 Conference on Lasers and Electro-Optics and 2006 Quantum Electronics and Laser Science Conference. IEEE, 2006.