

# 面向直线顶管机的双屏视觉标靶标定方法与精度评价

黄喆 燕庆德 李倩 程二静 沈小玲 徐叶倩

Calibration method and accuracy evaluation of visual target with double screen for straight pipe jacking machine

EL SCOPUS

Huang Zhe, Yan Qingde, Li Qian, Cheng Erjing, Shen Xiaoling, Xu Yeqian

在线阅读 View online: https://doi.org/10.3788/IRLA20210933

#### 您可能感兴趣的其他文章

#### Articles you may be interested in

# 基于视觉测量的回转轴线标定方法研究

Study on calibration method of rotary axis based on vision measurement 红外与激光工程. 2020, 49(4): 0413004 https://doi.org/10.3788/IRLA202049.0413004

面向大型零部件的三维形面高精度测量方法

High-precision measurement method for 3D shape of large-scale parts 红外与激光工程. 2017, 46(3): 317003 https://doi.org/10.3788/IRLA201746.0317003

# 工业相机自热引起像点漂移模型与补偿方法

Model and compensation method of image point drift caused by self-heating of industrial camera 红外与激光工程. 2021, 50(6): 20200494 https://doi.org/10.3788/IRLA20200494

# 针对机器人位姿测量立体标靶的单目视觉标定方法

Monocular vision calibration method of the stereo target for robot pose measurement 红外与激光工程. 2017, 46(11): 1117005 https://doi.org/10.3788/IRLA201746.1117005

#### 三线结构光视觉传感器现场标定方法

Field calibration method for three-line structured light vision sensor 红外与激光工程. 2018, 47(6): 617002 https://doi.org/10.3788/IRLA201847.0617002

# 加工中心工件在机三维检测系统的光平面标定

Calibration of light plane in on-machine 3D inspecting system for workpiece of machining center 红外与激光工程. 2017, 46(3): 317002 https://doi.org/10.3788/IRLA201746.0317002

# 面向直线顶管机的双屏视觉标靶标定方法与精度评价

黄 喆1,燕庆德1,李 倩2\*,程二静1,沈小玲1,徐叶倩1

(1. 天津科技大学 电子信息与自动化学院,天津 300222;
2. 天津三星视界移动有限公司,天津 300385)

摘 要:针对双屏视觉标靶前、后感光成像屏位姿关系难以标定的问题,提出一种基于坐标点云的感 光成像屏位姿标定方法。该方法分别将前、后感光成像屏划分为n行n列的网格阵列,通过全站仪测 量感光成像屏上每个网格角点的空间三维坐标,并利用工业相机实时获取感光成像屏上每个网格角点 的图像二维坐标,结合图像二维坐标和空间三维坐标获得 2D-3D 映射关系,从而得到坐标点云数据。 根据三公共点坐标系转换算法将坐标点云数据中的三维坐标统一到标靶坐标系下,进而确定相机与 前、后感光成像屏的位姿关系,再通过网格索引方法对前、后感光成像屏的位姿关系进行求解。为评价 标靶位姿测量精度,设计了静态测量重复性精度评定实验和绝对测量精度评定实验。实验结果表明: 该标定方法的坐标静态测量重复性精度为 0.13 mm、绝对测量精度为 0.93 mm;方位角静态测量重复性 精度优于 0.01°、绝对测量精度优于 0.05°。因此,该标定方法可以实现两个空间平面位姿关系的精确 标定,且具有操作简便、精度高等特点,可用于双屏视觉标靶的标定。

关键词:视觉测量; 顶管机导向; 坐标点云; 网格标定 中图分类号: TH741 文献标志码: A DOI: 10.3788/IRLA20210933

# Calibration method and accuracy evaluation of visual target with double screen for straight pipe jacking machine

Huang Zhe<sup>1</sup>, Yan Qingde<sup>1</sup>, Li Qian<sup>2\*</sup>, Cheng Erjing<sup>1</sup>, Shen Xiaoling<sup>1</sup>, Xu Yeqian<sup>1</sup>

School of Electronic Information and Automation, Tianjin University of Science and Technology, Tianjin 300222, China;
Tianjin Samsung Vision Mobile Co., Ltd., Tianjin 300385, China)

Abstract: Aiming at the problem that it was difficult to calibrate the position and attitude relationship between the front and rear photosensitive imaging screens of visual target with dual-screen, a method for calibrating the position and attitude of the photosensitive imaging screen based on points-cloud was proposed. The front and rear photosensitive imaging screens were respectively divided into grid arrays of n rows and n columns. Combining the image 2D coordinates which were obtained in real time by industrial cameras and the spatial 3D coordinates which were measured by a total station to obtain the 2D-3D mapping relationship of each grid corner point on the photosensitive imaging screen, the coordinate point cloud data were acquired. Next, the 3D coordinates of the coordinate frame transformation algorithm, which can determine the positional relationship between the camera and front/rear photosensitive imaging screen. And then the positional relationship between the front and rear

基金项目:国家重点研发计划 (2019YFB2006100); 天津市自然科学基金 (18JCYBJC88600)

作者简介:黄喆,男,讲师,博士,主要从事大尺寸几何量精密测量、地下掘进装备导航与监测、视觉/光电测量方面的研究。

通讯作者:李倩,女,工程师,主要从事视觉检测、缺陷识别、标定等方面的研究。

收稿日期:2022-03-20; 修订日期:2022-04-15

photosensitive imaging screens was solved by the grid indexing method. In order to evaluate the accuracy of target attitude measurement, the static repeatability and the absolute measurement accuracy evaluation experiments were designed. The experimental results show that the static repeatability accuracy of the coordinates is 0.13 mm, the absolute accuracy of the coordinates is 0.93 mm, the static repeatability accuracy of the heading angle is 0.01°, and the absolute accuracy of the heading angle is 0.05°. Therefore, the calibration method can realize the accurate calibration of the pose of two spatial planes, which has the characteristics of simple operation and high precision, and can be used for calibration of visual target with double screen.

Key words: vision measurement; guidance of pipe jacking machine; coordinate point cloud; grid calibration

# 0 引 言

在面向直线顶管掘进机的诸多导向方法中,激光标靶法以其高精度、高稳定性和低时延等特性被广泛应用于长距离直线顶管或盾构联络通道贯通作业<sup>[1-3]</sup>。为实现掘进机的精确导向,激光标靶作为导向系统的核心传感装置,须具备优良的光学性能。而应用较为广泛的双屏视觉标靶<sup>[4]</sup>受限于机械加工精度和装配质量,研制人员难以在生产制造过程中准确获取前、后成像屏的精确位姿关系,其作为位姿测量算法中必不可少的中间参数,需被精确标定。因此,研究双屏视觉标靶成像屏空间位姿的精确标定方法,对提升直线顶管掘进机导向系统的测量性能具有重要意义。

目前,针对相机与空间平面位姿关系标定的问 题,高校学者进行了大量研究。王鹤等人<sup>[5]</sup>以单点激 光测距仪和相机的位姿融合为主要研究内容,分别通 过光斑坐标和棋盘平面约束建立标定方程,并对位姿 参数进行标定。乐英等人间根据点云的分布情况对 目标物体进行三维空间位置限定,获取独立物体的点 云特征。通过区域点云密度分布情况估计具有代表 性的局部特征点,将其作为位姿计算的初始值,由 D-D(Distance-Density) 评价函数获取建立工件坐标系所 需要的特征点,通过特征点建立位姿转换矩阵。蒋萌 等人<sup>[7]</sup>对同一场景对应的两幅图像进行立体匹配,求 取视差,结合张正友方法对视觉系统进行标定,对选 定的特征点进行三维重建,并根据选定的特征点在图 像和实际场景中对应的 2D-3D 位置信息求解目标位 姿。宋文松等人<sup>[8]</sup>利用激光雷达数据的强度信息对 点云以中心投影的方式生成灰度图,通过尺度不变特 征转换算法对灰度图和相机的图片进行特征点提取 和匹配,完成传感器之间的空间位姿标定。上述方法 虽解决了相机与单平面位姿关系的标定问题,但无法 标定双平面位姿关系的问题依旧存在。由于双屏视 觉标靶两个工业相机的公共视场较小,所以无法以相 机公共视场作为媒介实现前、后屏位姿关系的标定。

因此,针对双屏视觉标靶前、后感光成像屏位姿 关系难以标定的问题,文中提出了一种基于坐标点云 的双屏位姿标定方法,该方法具有易于实现、精度高 等特点。

#### 1 双屏视觉标靶测量模型

基于双屏视觉标靶的直线顶管掘进机导向系统 能够实现顶管机机身姿态的实时精确测量。该系统 由一道已知空间指向信息的指示激光和双屏视觉标 靶组成,通过姿态测量算法解算指示激光在标靶坐标 系和工程坐标系下的单位光矢量,并通过欧拉角计算 公式求解坐标系间的旋转矩阵和标靶方位角,进而实 现顶管机导向。双屏视觉标靶<sup>(4)</sup>是直线顶管机导向 系统的核心组件,标靶测量模型采用相机对向安装、 感光成像屏垂直安装、底部安装双轴倾角仪的结构, 其模型示意图如图1所示。其中,标靶靶面由垂直安



图 1 双屏视觉标靶测量模型



装的透明感光成像屏(前屏)和黑色磨砂感光成像屏 (后屏)组成。两个工业相机分别拍摄前、后屏光斑图 像,并提取光斑的图像坐标。双轴倾角仪固定在双屏 视觉标靶底端,用于测量双屏视觉标靶的俯仰角和滚 转角。其中,相机、感光成像屏、倾角仪为刚性固连 关系。

# 1.1 坐标系定义

标靶测量模型中的坐标系有:工程坐标系 O<sub>n</sub>-X<sub>n</sub>Y<sub>n</sub>Z<sub>n</sub>(简称 n 系)、双屏视觉标靶坐标系 O<sub>s</sub>-X<sub>s</sub>Y<sub>s</sub>Z<sub>s</sub> (简称 s 系)、前屏相机坐标系 O<sub>c0</sub>-X<sub>c0</sub>Y<sub>c0</sub>Z<sub>c0</sub>(简称 c<sub>0</sub> 系)、后屏相机坐标系 O<sub>c1</sub>-X<sub>c1</sub>Y<sub>c1</sub>Z<sub>c1</sub>(简称 c<sub>1</sub> 系)。上述 坐标系的坐标轴方向及原点位置如图 2 所示。



图 2 坐标系定义图

Fig.2 Definition diagram of coordinate frames

#### 1.2 位姿测量原理

设激光束在 n 系下的单位光矢量为 $\vec{l_n}$ , 在 s 系下 的单位光矢量为 $\vec{l_s}$ , n 系→s 系的旋转矩阵为 $R_s^s$ , 光矢 量之间的转换关系可表示为:

$$\vec{l}_s = \boldsymbol{R}_n^s \vec{l}_n \tag{1}$$

在掘进过程中,隧道计划线是已知量,指示激光 的作用是复刻隧道计划线,即指示激光与隧道计划线 平行。由于直线顶管机掘进线路为直线,指示激光的 水平角和垂直角与设计线路一致,且双屏视觉标靶通 过已知空间方位信息的指示激光对直线顶管机位姿 进行解算。因此,双屏视觉标靶可以应用于直线顶管 机导向,指示激光的水平角α、垂直角β为已知量,所 以ζ可表示为:

$$\vec{l}_{n} = \begin{bmatrix} \cos\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right)\cos(\alpha) \\ \cos\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right)\sin(\alpha) \\ \sin\left(\frac{\pi}{2} - \beta\right) \end{bmatrix}$$
(2)

 $\vec{l}_s$ 通过前、后屏上实时光斑的三维坐标进行求 解,设前、后屏实时光斑在 s 系下的三维坐标分别为  $P_f^s(x_f^s, y_f^s, z_f^s), P_b^s(x_b^s, y_b^s, z_b^s), 则 <math>\vec{l}_s$ 可表示为:

$$\vec{l}_s = \frac{P_b^s - P_f^s}{\left|P_b^s - P_f^s\right|} \tag{3}$$

为便于计算,该测量模型三个姿态角的旋转顺序 定义为"*Y-X-Z*",即 *n* 坐标系依次绕 *Y、X、Z* 轴旋转。 *n* 系的旋转角度分别为方位角  $\theta$ 、俯仰角  $\varphi$ 、滚转角  $\gamma$ 。其中,由双轴倾角仪获取俯仰角  $\varphi$ 、滚转角  $\gamma$ ,则旋 转矩阵 $R_{*}^{[9]}$ 可表示为:

	$\cos(\gamma)$	0	$-\sin(\gamma)$	][ 1	0	0	][	$\cos(\theta)$	$\sin(\theta)$	ן 0	
$\mathbf{R}_n^s =$	0	1	0	0	$\cos(\varphi)$	$\sin(\varphi)$		$-\sin(\theta)$	$\cos(\theta)$	0	(4)
	$\sin(\gamma)$	0	$\cos(\gamma)$	][ 0	$-\sin(\varphi)$	$\cos(\varphi)$	ΙL	0	0	1	

根据上述原理可知,标靶方位角  $\theta$ 需要通过 $\vec{l}_n$ 、  $\vec{l}_s$ 求解。由于 $\vec{l}_n$ 为已知量,所以标靶位姿测量的关键 是计算 $\vec{l}_s$ ,即测量前、后屏实时光斑的空间三维坐 标。因此,文中提出了一种基于坐标点云的感光成像 屏位姿标定方法,根据坐标点云数据求解前、后屏的 位姿关系。

# 1.3 脱靶分析

在掘进过程中,双屏视觉标靶安装在直线顶管机 尾部,并与顶管机机身为稳定的刚体结构。由于直线 顶管机的掘进线路为直线,施工时不会出现起伏过大 的情况。但是,当顶管掘进机水平/垂直偏差过大时, 可能会出现双屏视觉标靶脱靶现象。针对上述情况 进行如下分析:

由于顶管掘进机尾部安装空间有限,则双屏视觉标靶的设计尺寸为 260 mm×260 mm×344 mm。根据 几何关系可知,在不考虑偏差情况下,双屏视觉标靶 的最大可旋转的角度为±37.08°(设顺时针旋转为正方 向);在考虑到水平偏差的情况下(出现垂直偏差时与 本情况类似),设标靶相对于隧道计划线的偏差距离 为*x*(定义向左移动为正方向,*x*的范围为 0~±130 mm), 则 *x* 与最大可旋转角度±ω之间的函数关系式可表 示为:

$$\omega = \arccos \frac{|\mathbf{x}|}{\sqrt{46\,484}} + \arctan \frac{65}{86} - 90^{\circ} \tag{5}$$

根据公式可知:随着偏差距离 x 的不断增大,在 确保不脱靶的情况下,双屏视觉标靶可旋转的角度逐 渐减小。同时,考虑到顶管掘进机移动速度缓慢,且 双屏视觉标靶是用于顶管掘进机导向,当顶管掘进机 机身相对于计划线的水平/垂直偏差逐渐增大时,应 及时对机身位姿进行调整,以保证现场施工精度,同 时减小双屏视觉标靶的脱靶概率。

#### 2 标定原理

为实现感光成像屏上光斑三维坐标的精确测量, 需要对双屏视觉标靶前、后屏的位姿关系进行标定。 根据测量模型,前、后屏被划分为n行n列的网格阵 列,通过对向安装的两个工业相机分别抓取前、后屏 光斑图像的二维坐标,结合全站仪测量前、后屏上光 斑的三维坐标,即可构建前、后屏上测量点的图像坐 标和三维坐标之间的映射关系<sup>[10]</sup>。根据每个网格角 点坐标的映射关系,获得坐标点云数据,即可完成网 格标定,再利用网格索引方法对前、后屏位姿参数进 行求解。其中,全站仪坐标系定义为t系。

#### 2.1 网格标定原理

网格标定的流程主要包括以下四个部分。首先, 全站仪发射的红外激光作为指示激光,可以分别测量 前、后屏实时光斑的三维坐标P'<sub>f</sub>、P'<sub>b</sub>(步骤 A)。同时, 工业相机拍摄指示激光在感光成像屏上呈现光斑的 图像,由该图像获得前、后屏上实时光斑的图像坐标 P'<sub>f</sub>、P'<sub>b</sub>(步骤 B)。在标定过程中,前、后屏被划分为 n行 n列的网格阵列,由全站仪和工业相机分别获取 每个网格角点的三维坐标和二维坐标,并将其作为坐 标点云数据(步骤 C)。最后,坐标点云数据通过三公 共点坐标系转换算法进行坐标转换,将每个网格角点 在 t 系下的三维坐标统一到 s 系下的三维坐标(步骤 D)。根据上述流程对坐标点云数据进行采集、处理, 即可实现前、后屏位姿关系的精确标定。网格标定示 意图如图 3 所示。

其中,步骤 A 利用全站仪测量前、后感光成像屏 上光斑的三维坐标 P'<sub>f</sub>、P'<sub>b</sub>,坐标测量不确定度小于 0.1 mm。步骤 B 利用工业相机抓取前、后屏光斑图 像,根据参考文献 [11-15] 的相关方法对光斑图像进





行预处理和质心提取,由图像获得感光成像屏上光斑 的图像坐标P<sup>c</sup><sub>f</sub>、P<sup>b</sup><sub>b</sub>,光斑质心提取不确定度小于0.5 pixel。 步骤 C 将前后屏划分为 n 行 n 列的网格阵列,由步骤 A、B 获得每个网格角点的三维坐标 P' 和图像坐标 P',并根据坐标数据构建映射关系,即可获取坐标点 云数据。步骤 D 将 t 系下的三维坐标 P' 统一到 s 系 下的三维坐标 P',则 P' 可表示为:

$$P^s = \boldsymbol{R}_t^s P^t \tag{6}$$

式中: **R**<sup>\*</sup>为 t 系→s 系的旋转矩阵,该参数可利用三公 共点坐标系转换算法进行解算。三公共点坐标系转 换算法原理如图 4 所示。



图 4 三公共点坐标系转换算法原理图



全站仪测量标靶前屏边缘四个角点*P*<sub>1</sub>、*P*<sub>2</sub>、*P*<sub>3</sub>、 *P*<sub>4</sub>的三维坐标, *s* 系原点坐标为前屏中心点*O*<sub>5</sub>, 该点可 表示为:

$$O_s^t = \frac{(P_1^t + P_2^t + P_3^t + P_4^t)}{4} \tag{7}$$

式中: x 轴的方向矢量为 $\overrightarrow{P_2P_1}$ 。则 s 系 x 坐标轴的单 位矢量 $\vec{X}$ 可表示为:

$$\vec{X} = \frac{P_1' - P_2'}{\left|P_1' - P_2'\right|}$$
(8)

y轴的方向矢量为垂直于 $\overrightarrow{P'_2P'_1}$ 、 $\overrightarrow{P'_1P'_3}$ ,且方向由

后屏指向前屏,则s系y坐标轴的单位矢量 $\vec{Y}$ 可表示为:

$$\vec{Y} = \frac{\vec{X} \times \frac{P_3' - P_1'}{|P_3' - P_1'|}}{\left| \vec{X} \times \frac{P_3' - P_1'}{|P_3' - P_1'|} \right|}$$
(9)

z轴方向为垂直于x、y轴向上,则s系z坐标轴 的单位矢量**Z**可表示为:

$$\vec{Z} = \frac{\vec{X} \times \vec{Y}}{|\vec{X} \times \vec{Y}|}$$
(10)

通过三公共点坐标系转换算法建立s系,并解算 s系坐标轴的单位方向矢量 $\vec{X}$ 、 $\vec{Y}$ 、 $\vec{Z}$ ,则 *t*-*s*系的旋转 矩阵 $R_i$ 可表示为:

$$\boldsymbol{R}_{t}^{s} = \left[\boldsymbol{R}_{s}^{t}\right]^{-1} = \left[\overrightarrow{X}^{\mathrm{T}} \quad \overrightarrow{Y}^{\mathrm{T}} \quad \overrightarrow{Z}^{\mathrm{T}}\right]^{-1}$$
(11)

式中: **R**'<sub>s</sub>是 s 系→t 系的旋转矩阵。通过上述操作获 取前、后屏网格角点 2D-3D 坐标点云数据后,即可完 成前、后屏的位姿标定。

# 2.2 网格索引原理

根据网格标定原理, c<sub>0</sub>、c<sub>1</sub>相机分别抓取前、后屏 实时光斑图像,由光斑图像获取前、后屏实时光斑的 图像坐标P<sub>f</sub>(u<sub>f</sub>,v<sub>f</sub>)、P<sup>c</sup><sub>b</sub>(u<sub>b</sub>,v<sub>b</sub>),通过图像坐标索引实时 光斑所在网格位置,并结合坐标点云数据将图像二维 坐标映射到空间三维坐标,网格索引原理图如图 5 所示。



Fig.5 Schematic diagram of grid index

设相机抓取实时光斑的图像坐标为 $P_0^c(u,v)$ ,通 过坐标 $P_0^c$ 获取实时光斑所在标定网格位置后,该网 格角点的图像坐标 $P_l^c(u_{lt},v_{lt})$ 、 $P_n^c(u_{rt},v_{rt})$ 、 $P_{lb}^c(u_{lb},v_{lb})$ 、  $P_{rb}^c(u_{rb},v_{rb})$ ,其与 s 系下的三维坐标的映射关系,  $P_{lb}^s(x_{lt}^s,y_{lt}^s,z_{lt}^s)$ 、 $P_n^s(x_{rt}^s,y_{rt}^s,z_{rt}^s)$ 、 $P_{lb}^s(x_{lb}^s,y_{lb}^s,z_{lb}^s)$ 、 $P_{rb}^s(x_{rb}^s,y_{rb}^s,z_{rb}^s)$  的坐标数据,则实时光斑P<sub>0</sub>的三维坐标可以表示为:

$$P_{0}^{s} = \begin{bmatrix} x_{0}^{s} \\ y_{0}^{s} \\ z_{0}^{s} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_{lt}^{s} + \frac{u - u_{lt}}{u_{rt} - u_{lt}} (x_{rt}^{s} - x_{lt}^{s}) \\ \frac{y_{lt}^{s} + y_{rt}^{s} + y_{lb}^{s} + y_{rb}^{s}}{4} \\ z_{lt}^{s} + \frac{v - v_{lt}}{v_{lb} - v_{lt}} (z_{lb}^{s} - z_{lt}^{s}) \end{bmatrix}$$
(12)

由上述网格索引方法获取 s 系下前、后屏实时光 斑坐标 $P_f^s(x_f^s, y_f^s, z_f^s)$ 、 $P_b^s(x_b^s, y_b^s, z_b^s)$ ,即可解算出 s 系下的 单位光矢量 $\overline{l_s}$ ,并完成标靶位姿的精确测量。

# 3 实 验

为验证该标定方法的准确性,设计了静态测量重 复性精度评定实验和绝对测量精度评定实验,实验设 备及硬件参数如表1所示。其中,俯仰角和滚转角的 测量精度是由倾角仪的精度决定,已知倾角仪出厂精 度为0.01°,所以只对方位角进行精度分析即可。

表1硬	件参数	攵
-----	-----	---

#### **Tab.1** Parameters of hardware

Name	Parameter			
	Model: Basler aca1300-60 gm			
~	Resolution: 1280×1024 pixel			
Camera	Pixel size: 5.3 µm×5.3 µm			
	Frame rate: 60 fps			
	Model: Leica TS12			
	Ranging accuracy: 2 mm±2 ppm			
Total station	Angle accuracy: 2"			
	Repeatability precision: 0.1 mm			
Inclinometer	Angle accuracy: 0.01°			
One dimensional turntable	Angle accuracy: 2"			

标定过程中,全站仪置于距离双屏视觉标靶9m 位置,利用调平旋钮将双屏视觉标靶调至与水平面平 行,分别对前、后感光成像屏进行标定。根据上述标 靶结构,全站仪测量网格角点坐标时,由于前屏遮挡 后屏,导致全站仪无法直接测量后屏网格角点坐标, 则利用全站仪先测量后屏网格角点坐标,再将前屏安 装牢固,并测量前屏网格角点坐标,进而完成标定。 其中,安装前屏导致的误差可通过调平旋钮和标靶内 部倾角仪进行补偿。由于标定网格数量影响索引坐 标的准确度和标定效率,所以前、后屏的标定网格分 布为 50 行、50 列,从而保证精度和标定效率。实验 环境如图 6 所示。



图 6 网格标定实验环境 Fig.6 Experimental environment for grid calibration

#### 3.1 静态测量重复性精度评价实验

为验证网格索引方法的静态测量重复性精度,该 实验利用全站仪发射一束指示激光指向双屏视觉标 靶,根据网格索引方法对前屏实时光斑三维坐标进行 500次重复测量,测量结果如图 7(a)所示;对双屏视觉 标靶方位角进行 500次重复测量,测量结果如图 7(b) 所示。

根据实验数据,测得x\*坐标变化的峰峰值xp-p为





(b) Repeatability accuracy of static measurement of heading angle

0.10 mm, 平均值  $\overline{x_f}$ 为 0.00 mm, 标准差  $s_x$ 为 0.02 mm;  $y_f^s$ 坐标变化的峰峰值  $y_{p-p}$ 为 0.00 mm, 平均值  $\overline{y_f}$ 为 0.00 mm, 标准差  $s_y$ 为 0.00 mm;  $z_f^s$ 坐标变化的峰峰值  $z_{p-p}$ 为 0.13 mm, 平均值  $\overline{z_f^s}$ 为 0.00 mm, 标准差  $s_z$ 为 0.03 mm; 方位角测量重复性精度优于 0.01°。

#### 3.2 绝对测量精度评价实验

根据标定原理,该标定方法的精度直接影响标靶 方位角测量的精度,而标靶方位角测量的关键在于精 确测量实时光斑的三维坐标。因此,为验证该标定方 法反算坐标的绝对测量精度,通过分析全站仪测量坐 标与双屏视觉标靶反算坐标在*X、Y、Z*轴方向的偏 差,对坐标的绝对测量精度进行评价。为验证该标定 方法反算方位角的绝对测量精度,通过分析一维转台 实际转动角度与双屏视觉标靶反算方位角变化量的 差值,对方位角绝对测量精度进行评价。

# 3.2.1 坐标测量精度评价实验

该实验利用全站仪测量实时光斑在 t 系下的三维 坐标 P<sub>1</sub>, 并通过三公共点坐标系转换算法求得 s 系下 的三维坐标 P<sub>1</sub>, 将其与网格索引实时光斑坐标 P<sub>0</sub>求 差,则该差值为网格索引方法测量坐标的绝对测量精 度。坐标精度评价实验数据如表 2 所示,表中d<sub>x</sub>、 d<sub>y</sub>、d<sub>z</sub>表示三维坐标分别在 X、Y、Z 轴方向的偏差。

#### 表 2 坐标精度评价实验数据

Tab.2 Experiment data of coordinate accuracy evaluation

				_			
No.		X/mm	Y/mm	Z/mm	$d_X/\rm{mm}$	$d_Y$ /mm	d <sub>Z</sub> /mm
	$P_0^s$	24.48	-25.31	79.78	-0.33	0.26	-0.12
1	$P_1^s$	24.15	-25.05	79.66			
2	$P_0^s$	69.87	-25.30	50.30	-0.94	-0.63	-0.73
	$P_1^s$	68.93	-25.93	49.57			
	$P_0^s$	11.12	-25.69	31.06	-0.43	-0.77	0.51
3	$P_1^s$	10.69	-26.46	31.57			
	$P_0^s$	-60.41	-25.76	8.43	-0.24	0.18	-0.14
4	$P_1^s$	-60.65	-25.58	8.29			
-	$P_0^s$	53.42	-26.47	-66.79	-0.83	-0.72	-0.34
5	$P_1^s$	52.59	-27.19	-67.13			
6	$P_0^s$	64.26	-25.73	-43.86	-0.27	-0.17	-0.18
	$P_1^s$	63.99	-25.9	-44.04	-		

通过坐标精度评价实验数据可知,该方法反算坐 标的绝对测量精度优于1mm。

#### 3.2.2 方位角测量精度评价实验

该实验将双屏视觉标靶安装在高精度一维转台上, 二者为刚性固连关系, 将一维转台的实际转动角 度与标靶解算的方位角变化角度作差, 即可获得双屏 视觉标靶方位角的绝对测量精度。无论双屏视觉标 靶与一维转台的旋转中心是否重合, 二者旋转角度均 一致, 并利用调平旋钮和倾角仪可以保证俯仰角和滚 转角的测量误差小于 0.01°。因此, 方位角测量精度 评价实验部分不需要考虑一维转台与双屏视觉标靶 的初始配准问题。方位角精度评价实验原理如图 8 所示。



图 8 方位角精度评价实验原理图

Fig.8 Schematic diagram of heading angle measurement accuracy evaluation experiment

基于上述实验原理,对方位角的绝对测量精度进行评定,数据如图9所示。





实验结果表明,文中提出的网格标定方法能准确 地标定前、后感光成像屏的位姿关系,坐标的绝对测 量精度优于 1.00 mm,姿态角的绝对测量精度优于 0.05°。因此,该标定方法能够对前、后屏位姿关系进 行准确快速地标定,并具有较高的精度和稳定性。

# 3.3 误差分析

上述实验利用全站仪、一维转台、相机和倾角仪 对双屏视觉标靶感光成像屏的位姿进行标定,并完成 了精度测量。在测量过程中,影响系统精度的误差主要来源如表 3 所示。

#### 表 3 误差分析

#### Tab.3 Errors analysis

Error type	Error source			
	The error of image recognition			
Calibration errors of dual screen	The error of total station measurement			
i suu mgo	The error of coordinate system conversion			
	Calculating error of light vector			
angles	The error of inclinometer measurement			

(1)图像识别误差。光斑图像由 Basler ACA 1300-60 gm 工业相机进行采集,分辨率为1280×1024 pixel。 若不考虑环境亮度、可见度等原因,图像识别误差约 为 0.5 pixel。

(2) 全站仪测量误差。标定实验采用 Leica TS12 全站仪, 免棱镜坐标测量精度约为 2 mm±2 ppm。

(3)坐标系转换误差。该算法经过多次坐标系转换,根据实验可得,坐标系转换误差约为0.01 mm。

(4)激光光矢量解算误差。该算法求解的激光光 矢量无法与物理空间绝对一致,则光矢量解算过程会 引入误差。根据实验可得,光矢量解算精度约为0.01 mm。

(5) 倾角仪测角误差。倾角仪型号为 SST-460-30, 测角分辨率 0.0001°, 测角精度为约 0.01°。

根据上述误差来源的分析, 双屏视觉标靶标定受 到图像识别误差、全站仪测量误差、坐标系转换误差 的影响, 引入该误差源后, 双屏视觉标靶坐标测量误 差小于 0.1 mm。由于全站仪测量误差、光矢量解算 误差、倾角仪测量误差等因素造成姿态角的测量误 差, 在系统误差中加入该误差源后, 双屏视觉标靶方 位角测量误差小于 0.01°。因此, 上述误差源对标靶 位姿解算影响较小, 满足系统精度要求。

# 4 结 论

文中提出一种基于坐标点云的感光成像屏位姿标定方法。该方法将标定平面划分为网格阵列,结合每个网格角点二维图像坐标与三维空间坐标构建 2D-3D 映射关系,从而得到坐标点云数据。根据三公共

点坐标系转换算法将坐标点云数据中的三维坐标统 一到标靶坐标系下,进而实现了前、后感光成像屏位 姿关系的标定,再通过网格索引方法对同一坐标系下 前、后屏实时光斑的三维坐标进行精确测量。文中设 计了静态测量重复性精度评价实验和绝对测量精度 评价实验,实验结果表明该方法具有较高的坐标测量 精度和稳定性。因此,该标定方法可实现前、后感光 成像屏位姿关系的精确测量,并具有易于实现、精度 高等特点,可用于双屏视觉标靶的标定。

#### 参考文献:

- Shao T. Key technology for laser target used in shield attitude measurement[D]. Wuhan: Huazhong University of Science & Technology, 2012. (in Chinese)
- [2] Gao W H. Research on key technology of optical target for location measurement of tunnel boring machine[D]. Nanchang: East China Jiaotong University, 2020. (in Chinese)
- [3] Wang X, Zhang L, Wang S, et al. Application of automatic measurement system for dual-mode shield [J]. Bulletin of Surveying and Mapping, 2021(1): 161-164. (in Chinese)
- [4] Huang Z, Yan Q D, Shao Z Y, et al. Guiding method of linear pipe jacking machine based on dual-camera [J]. *Laser and Optoelectronics Progress*, 2022, 59(4): 0433001. (in Chinese)
- [5] Wang H, Li Z M. Calibration method of laser range finder and camera in information fusion process [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2020, 49(4): 0413002. (in Chinese)
- [6] Yue Y, Zhao Z C. Calculation method of work piece pose based

on regional point cloud [J]. *Chinese Journal of Construction Machinery*, 2021, 19(4): 295-301. (in Chinese)

- [7] Jiang M, Wang Y Y, Chen B. Recognition and orientation of object based on binocular vision [J]. *Journal of Mechanical and Electrical*, 2018, 35(4): 414-419. (in Chinese)
- [8] Song W S, Zhang Z H, Gao N, et al. Spatial pose calibration method for lidar and camera based on intensity information [J]. *Laser and Optoelectronics Progress*, 2022, 59(2): 0215003. (in Chinese)
- [9] Kong X Y, Guo J M, Liu Z Q. Fundamentals of Geodesy[M].Wuhan: Wuhan University Press, 2006: 43-47. (in Chinese)
- [10] Du R J, Ge B Z, Chen L. Texture mapping of multi-view highresolution images and binocular 3D point clouds [J]. *Chinese Optics*, 2020, 13(5): 1055-1064. (in Chinese)
- [11] Zhu J G, Yu Z J. Principles and Methods of Visual Measurement[M]. Beijing: Machinery Industry Press, 2011. (in Chinese)
- [12] Sun H T, Li M G. Fast and accurate detection of multi-scale light spot centers [J]. *Optics and Precision Engineering*, 2017, 25(5): 1348-1356. (in Chinese)
- [13] Wang D J, Wang J L, Yin Y M, et al. Near infrared real-time penetrating fog imaging based on FPGA [J]. *Chinese Optics*, 2009, 2(5): 445-451. (in Chinese)
- [14] Wu J, Shu Y J, Cao S B, et al. Non-contact wave height measurement method based on laser incident spot recognition [J]. *Optics and Precision Engineering*, 2021, 29(9): 2065-2074. (in Chinese)
- [15] Yao J Q, Li G Y, Chen J Y, et al. Analysis on the change of GF-7 satellite laser altimeter spot centroid position [J]. *Infrared and Laser Engineering*, 2021, 50(S2): 20210539. (in Chinese)